

# **COT : COmposants et Test**

## **2ème Partie**

### **Génération de tests de conformité pour les systèmes réactifs**

Thierry JÉRON

IRISA / INRIA Rennes

Projet VerTeCS

jeron@irisa.fr

[http ://www.irisa.fr/vertecs/](http://www.irisa.fr/vertecs/)

# Génération de tests de conformité pour les systèmes réactifs

## Plan du cours

### I Problématique du test de conformité

- 1 Généralités
- 2 Formalisation du test de conformité

### II Techniques de génération de test de conformité

- 1 Modèles et techniques fondées sur les automates
- 2 Modèles et techniques fondées sur les systèmes de transition
- 3 Méthodes avancées

# I.1 Problématique du test de conformité

Tester qu'une **implémentation boîte noire** (IUT) d'un système est **correcte** par rapport à sa **spécification fonctionnelle** Spec.

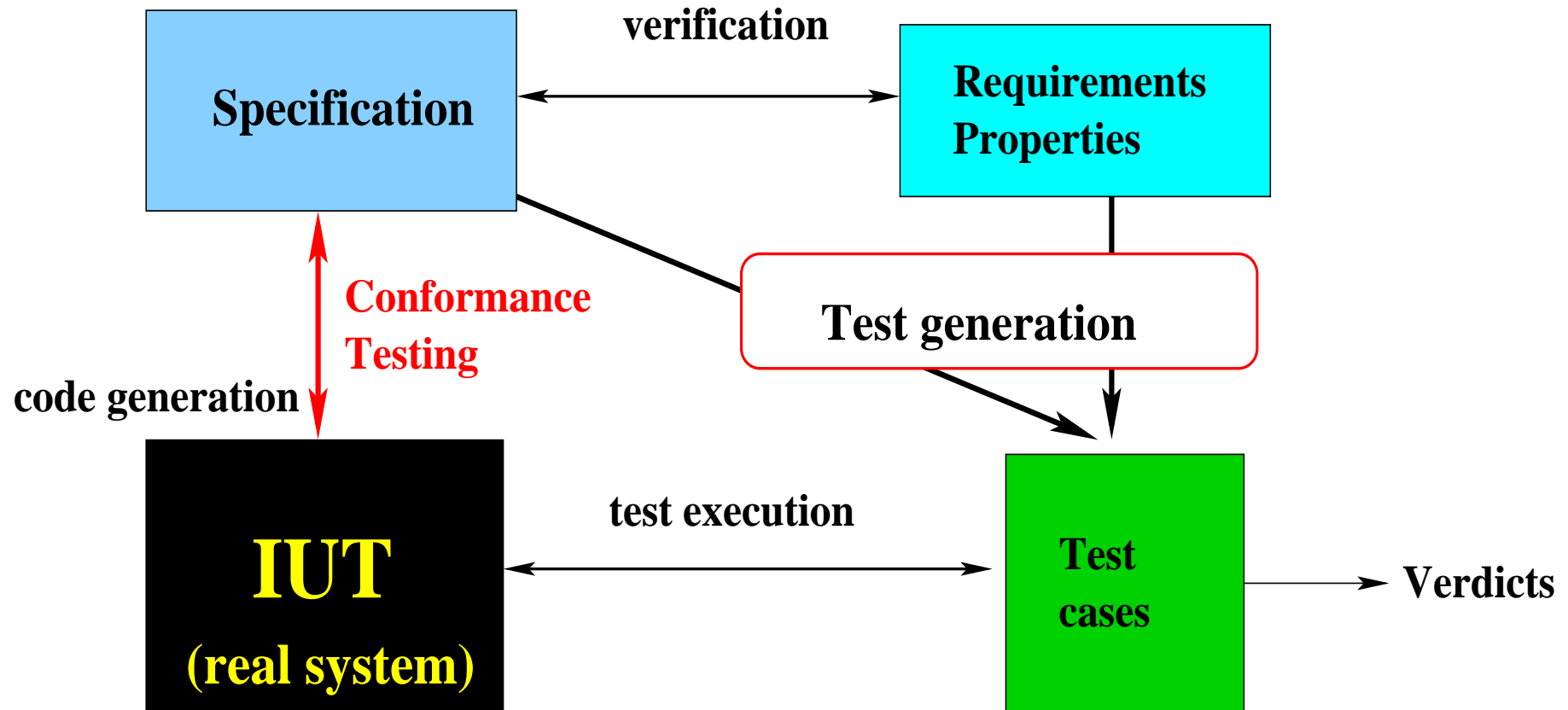
IUT : *implementation under test*

Le système réel (matériel ou logiciel)

Différences principales avec le test structurel (boîte blanche) :

- IUT **boîte noire** : code inconnu, mais interface connue
- la Spec est la **référence**.
  - ⇒ Oracle = comportements admissibles de la Spec.
  - utiliser des spécifications non ambiguës
  - ⇒ Problème de l'oracle résolu

# Situation du test de conformité



# Pratique Industrielle

## Conception manuelle des suites de test depuis des spécifications informelles

- plus de 30% du coût de développement ( $\geq$  pour systèmes critiques)
- ad-hoc, long, répétitif, sujet à erreurs,
- maintenance difficile en cas de modification de Spec,
- pas de définition claire de la conformité et du processus de test

⇒ l'automatisation de la synthèse de tests  
à partir de spécifications formelles  
peut être profitable (effort  $\Rightarrow$  coût)

→ *model based testing/test generation*

# Pourquoi formaliser ?

## Spécification formelle :

description d'un système dans un langage (syntaxe)

dont la sémantique s'exprime dans un modèle mathématique.

⇒ permet aussi de décrire et d'analyser ses propriétés : vérification.

Exemples de langages : ACT ONE, Z, Lotos, SDL, UML, Lustre, etc

Modèles : spec algébriques, logique et ensembles, logique, automates ou systèmes de transition (étendus), etc.

## Avantages d'une spécification formelle :

- non-ambiguïté, abstraction, masquage des choix d'implémentation,
- propriétés attendues du logiciel / choix d'implémentation
- nécessaire pour les applications critiques
- utile à la vérification, génération de code ou implémentation
- référence pour la génération de tests (oracle)

# Ingrédients principaux d'une théorie du test

## Spécification, implémentation et conformité

**Spécifications** : modèle des comportements attendus

**Implémentations** : modèle des comportements réels observables

**Relation de conformité** : formalisation de "IUT conforme à Spec"

## Les tests et leurs exécutions

**Cas de test, suites de tests** : modèle des tests

**Exécution des tests** : interaction test  $\leftrightarrow$  IUT,  
**observations** produites, **verdicts** associés (e.g. pass, fail)

**Propriétés attendues** : "IUT passe TS"  $\leftrightarrow$  "IUT conforme à S"

## Génération de tests

**Algorithmes** : tests = testgen(Spec) + preuve de propriétés attendues

# Ingrédients de la formalisation du test (inspiré de Formal Methods in Conformance Testing)

Modèle de spécification :

$S \in SPEC$

Exprime la **sémantique** de la spécification

**Exples** : spec. algébriques, logique et ensembles, logique, automates/systèmes de transition (étendus), etc.

Implémentation réelle boîte noire :

L'IUT est un objet réel, pas un modèle mathématique.

⇒ **Hypothèse fondamentale** :

$\exists I_{IUT} \in IMP$  (inconnue) qui modélise  $IUT$ .

Seule l'interface de  $IUT$  est connue.

⇒ modèle de comportements observables, proche de  $SPEC$ .



## Formaliser la conformité

**Conformité** : choisir une relation  $\mathbf{imp} \subseteq IMP \times SPEC$   
*IUT conforme à S* définie par :  $I_{IUT} \mathbf{imp} S$

*Pour S donné, **imp** définit les IUT conformes,*  
*Complémentaire : IUT fautives qui devraient être rejetées par le test.*

Le choix de **imp** dépend du potentiel de l'observateur à **distinguer** les *IUT* (e.g. observabilité, architecture de test),

**Exples** : égalité des résultats, satisfaction de propriété, équivalence de comportements, inclusion de traces, etc

**Notion alternative** : **Modèle de faute** : définit l'ensemble des IUT "mutantes" (non-conformes / S) et qu'on saura rejeter par le test.

# Formalisation des Tests et leurs exécutions

**Tests** : choisir un modèle

cas de test :  $t \in TEST$ ,

suite de tests = ens. de cas de tests :  $T \subset TEST$

**Exples** : donnée d'entrée, terme, séquence d'événements, automate/système de transition, etc

**Observation de l'exécution d'un test** :

$Obs(t, I_{IUT}) \in OBS$

**Exples** : résultat, trace d'exécution, ensemble de traces de la composition parallèle, etc.

## Verdict de l'exécution

**Verdict :**  $Verdict : OBS \rightarrow \{fail, pass\}$

**Exples :** *fail* si résultat observé  $\neq$  résultat attendu,  
si trace observée  $\neq$  trace attendue,  
si  $\neg\{\text{traces observées}\} \subset \{\text{traces attendues}\}$ ,  
si formule/équation non satisfaite, etc.

Le verdict doit être cohérent avec la relation de conformité  
 $\implies$  Propriétés des verdicts des tests/conformité .

## Succès et échec d'un(e suite de) test

### Echec d'un test

$$t \text{ fails } I_{IUT} \triangleq \text{Verdict}(\text{Obs}(t, I_{IUT})) = \text{fail}$$

$$T \text{ fails } I_{IUT} \triangleq \exists t \in T, t \text{ fails } I_{IUT}$$

### Succès d'un test

$$t \text{ passes } I_{IUT} \triangleq \neg(t \text{ fails } I_{IUT})$$

$$T \text{ passes } I_{IUT} \triangleq \neg(T \text{ fails } I_{IUT})$$

## Propriétés attendues des suites de test

**Problème** : les tests sont sensés détecter la (non-)conformité.

Il faut donc assurer la cohérence entre succès (ou échec) d'une suite de tests sur une IUT et conformité (ou non) par rapport à la Spec.

**Complétude** :

Idéalement, pour  $S \in SPEC$  donnée on veut générer  $T_S$  **complète** i.e. tq :

$$\forall I_{IUT}, [I_{IUT} \mathbf{imp} S \Leftrightarrow T_S \text{ passes } I_{IUT}]$$

$$\text{i.e. } \forall I_{IUT}, [I_{IUT} \mathbf{imp} S \Leftrightarrow \forall t \in T_S, Verdict(Obs(t, I_{IUT})) = pass]$$

i.e. conformité  $\Leftrightarrow$  passer tous les tests avec succès

**Complet** = Correct( $\Rightarrow$ ) et Exhaustif ( $\Leftarrow$ )

avec :

## Correction et exhaustivité

Correction, non-biais (*soundness, unbiased*)

$T$  **correcte**/imp, $S \triangleq \forall I_{IUT}, [I_{IUT} \text{ imp } S \Rightarrow T \text{ passes } I_{IUT}]$

Autrement dit :  $\Leftrightarrow \forall I_{IUT}, [T \text{ fails } I_{IUT} \Rightarrow \neg(I_{IUT} \text{ imp } S)]$

i.e. **seules les IUT non conformes peuvent être rejetées.**

Cas limite :  $T$  tq  $\forall I_{IUT}, T \text{ passes } I_{IUT}$  est correcte !

Exhaustivité :

$T$  est **exhaustive**/imp,  $S \triangleq \forall I_{IUT}, [T \text{ passes } I_{IUT} \Rightarrow I \text{ imp } S]$

Autrement dit  $\Leftrightarrow \forall I_{IUT}, [\neg(I_{IUT} \text{ imp } S) \Rightarrow T \text{ fails } I_{IUT}]$

i.e. **toutes les IUT non-conformes sont rejetées, peut-être d'autres.**

Cas limite :  $T$  tq  $\forall I_{IUT}, T \text{ fails } I_{IUT}$  est exhaustif

# Problématique de la génération de suites de test

Trouver un algorithme  $gen : SPEC \rightarrow TEST$  tq  
 $\forall S, T_S = testgen(S)$  soit **complète** (correcte et exhaustive).

**En pratique, la correction peut être atteinte, pas la complétude.**  
La complétude nécessite en général une suite de test infinie.

Program testing can be used to prove the presence of bugs,  
not their absence

$\implies$  sélectionner un ensemble fini (raisonnable) de cas de tests corrects et  
supposés détecter toutes les non-conformités

$\implies$  utiliser des hypothèses et critères de sélection

## Hypothèses de sélection (Bernot, Gaudel (SA), Phalippou (LTS))

Formaliser les hypothèses faites par les praticiens du test pour limiter les suites de test. Inspiré de Goodenough et Gerhart (voir notions de critères de couverture, Partie 1).

### Principe :

- partir d'un jeu de test complet  $complet(S)$  (correct et exhaustif) mais généralement infini
- faire une hypothèse  $H$  sur  $I_{IUT}$  (fonction du contexte d'utilisation, de la spécification),
- réduire  $complet(S)$  en  $T$  tq  $\forall I_{IUT}$ ,  
 $I_{IUT} \text{ sat } H \Rightarrow [complet(S) \text{ passes } I_{IUT} \Leftrightarrow T \text{ passes } I_{IUT}]$



## Exemples d'hypothèses de sélection

**Uniformité** ( $\rightarrow$  fiabilité en partie 1) :

$H_U$  : partition des comportements, uniformité dans chaque classe

i.e  $t$  passes  $I \Leftrightarrow \forall t' \in Classe(t), t'$  passes  $I$

$T$  = choix d'un test dans chaque classe.

$I$  sat  $H_U \Rightarrow [complet(S) \text{ passes } I \Leftrightarrow T \text{ passes } I]$

**Exples** : partition des domaine d'entrée :  $\mathbb{Z} = \mathbb{Z}^- \cup \{0\} \cup \mathbb{Z}^+$ ,

$\forall z \in \mathbb{Z}, I(z)$  passe ssi  $I(0), I(1), I(-1)$  passent ;

**Autres exples** : critères de couverture (branche, conditions, etc)

**Régularité** : fonction  $length : TEST \rightarrow \mathbb{N}$  et borne  $M$  telle que

$H_R = [\forall t, length(t) \leq M, t \text{ passes } I] \Leftrightarrow [\forall t, t \text{ passes } I]$

$T = \{t \in TEST \mid length(t) \leq M\}$

**Exple** : borne sur la taille des listes, termes, borne sur la longueur de séquences, nbre d'appels récursifs, etc.

## Autres hypothèses de sélection

**Robustesse** : se limiter aux comportements décrits dans  $S$  suffit.

**Exple** : la relation de conformité **ioco** sur les IOLTS porte sur  $\text{Traces}(S)$ .

**Equité bornée** : borne sur le nombre de fois où un état ayant des choix non-déterministes doit être visité pour montrer tous ses comportements.

## Autres modes de sélection :

**Objectif de test** : comportements de la spec ciblés par le test, focalise le test sur une fonctionnalité

→ un ou plusieurs cas de test.

**Critère de sélection/couverture** : permettant de limiter les cas de test, e.g. couverture de branches/d'états/etc.

# Applications possibles

Spécifications algébriques (Bernot, Gaudel)

conformité = satisfaction des axiomes

Automates (voir Lee-Yannakakis)

conformité = équivalence d'automates

Systèmes de transition, algèbres de processus (Tretmans)

conformité = pré-ordre de traces

# Le test de conformité des système réactifs

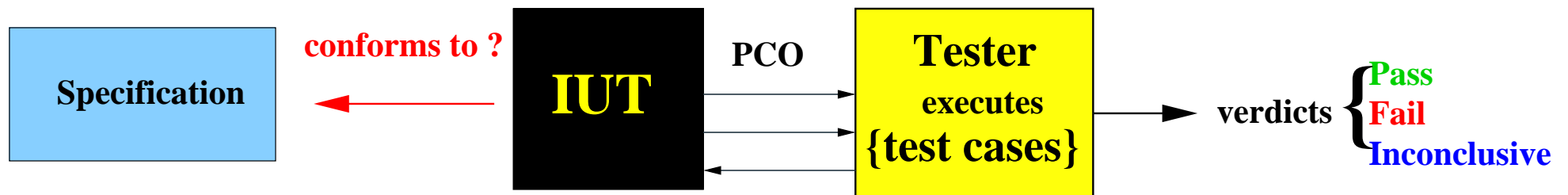
**Système réactif** : système qui **réagit** à son **environnement** à travers ses **interfaces**.

- Environnement : humain, logiciel, matériel
- Interfaces : commandes, capteurs, canaux de communications, opérations, méthodes.
- Différence contrôle/observation : entrée/sortie, appel/réponse, etc



## Pratique du test

- Interaction contrôlée entre l'**IUT** et le **Testeur** à travers des **Points de Contrôle et d'Observation (PCOs)**,
- Le testeur **exécute** une **suite de test** = { cas de test }
- Produit des **verdicts**
- **But** : trouver des erreurs ou augmenter sa confiance dans l'IUT



# Automatisation de la synthèse de tests de conformité

## Spécifications formelles exécutable

peuvent être utilisées pour la simulation, vérification, preuve.

## Principales difficultés de l'automatisation

- taille et complexité des spécifications
- observation partielle, non-déterminisme,
- communication synchrone/asynchrone
- répartition du système / des testeurs
- prise en compte du contrôle et des données
- intégration au cycle développement

## II Techniques de génération de tests de conformité

### II.1 Techniques fondées sur les automates

- Modèles
- Algorithmes

### II.2 Techniques fondées sur les systèmes de transition

- Modèles
- Algorithmes

### II.3 Techniques avancées

# Les deux types principaux de méthodes

## II.1 Méthodes fondées sur les automates

**Origine** : pb d'identification de machine, test de circuit

**Modèle** : automates + hypothèses (déterminisme, forte connexité, etc),

**Conformité** : équivalence de traces entre IUT et Spec,

**Algorithmique** : voyageur de commerce → + courte séquence

**Propriétés** : → suite de tests complète

## II.2 Méthodes fondées sur les Systèmes de transition

**Origine** : équivalences et pré-ordres de tests de processus

**Modèle** : systèmes de transitions

**Conformité** : inclusion de traces,

**Algorithmique** : automates, model-checking.

**Propriétés** : correction, "exhaustivité"



## II.1 Techniques fondées sur les automates

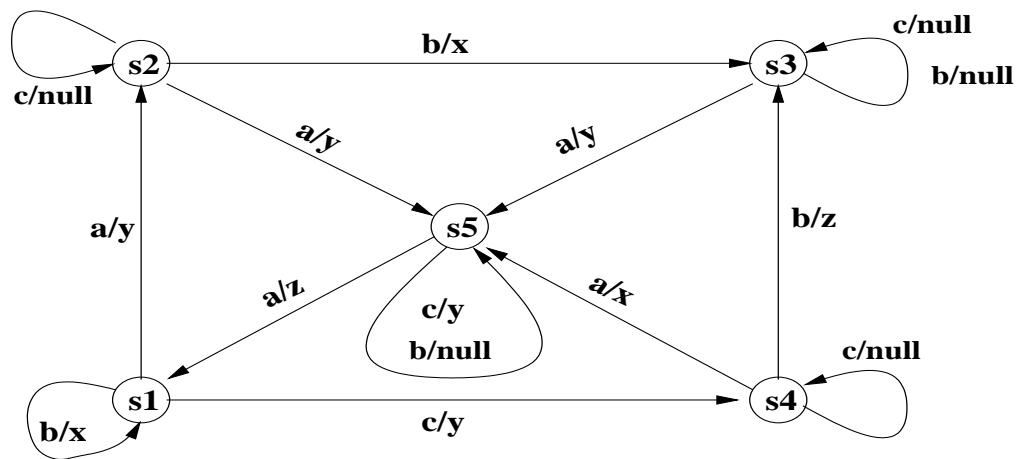
Machine de Mealy  $M = (S, I, O, \delta, \omega, s_0)$  où

$S$  : ensemble fini d'états,  $s_0$  : état initial

$I$  : alphabet d'entrée,  $O$  : alphabet de sortie,

$\delta \subseteq S \times I \rightarrow S$  : fonction de transfert (étendue en  $\delta^* \subseteq S \times I^* \rightarrow S$ ),

$\omega \subseteq S \times I \rightarrow O$  : fonction de sortie (étendue en  $\omega^* \subseteq S \times I^* \rightarrow O^*$ ).



$S = \{s1, s2, s3, s4, s5\}$

$I = \{a, b, c\}$

$O = \{x, y, z\}$

Spec et IUT modélisées par des machines de Mealy  $M_{\text{Spec}}$  et  $M_{\text{IUT}}$

## Hypothèses sur $M_{\text{Spec}}$ et $M_{\text{IUT}}$

Les machines de Mealy sont supposées déterministe :

$\forall s \in S, \forall a \in I, \delta(s, a)$  et  $\omega(s, a)$  sont uniques  
(vrai par définition :  $\delta$  et  $\omega$  fonctions).

Soit une machine  $M = (S, I, O, \delta, \omega, s_0)$

**M est complète en entrée** si  $\forall s \in S, \forall i \in I, \delta(s, i)$  et  $\omega(s, i)$  sont définis.

i.e. accepte toute entrée dans tout état

(sinon, on complète par  $s \xrightarrow{i/null} s$ )

**M est fortement connexe** si pour toute paire d'états  $(s, s')$

$\exists \sigma, \sigma' \in I^*$  tq  $\delta^*(s, \sigma) = s'$  et  $\delta^*(s', \sigma') = s$ .

i.e. de tout état, on peut rejoindre tout autre état (en particulier l'état initial)

## Autres hypothèses sur $M_{\text{Spec}}$ et $M_{\text{IUT}}$

Équivalence :

$s$  et  $s'$  sont **équivalents** (noté  $s \simeq s'$ ) ssi  $\forall \sigma \in I^*, \omega^*(s, \sigma) = \omega^*(s', \sigma)$ .

$M_1$  et  $M_2$  sont équivalentes (noté  $M_1 \simeq M_2$ ) ssi  $s_{0_1} \simeq s_{0_2}$ .

Minimalité :

$M$  est **minimale** si elle n'a aucun couple d'états **équivalents**

NB : Toute machine non minimale peut être minimisée (raffinement de partition).

**Taille bornée** :  $M_{\text{IUT}}$  et  $M_{\text{Spec}}$  ont même nombre d'états  $|M_{\text{IUT}}| = |M_{\text{Spec}}|$

Dans la suite, les états de  $M_{\text{IUT}}$  et  $M_{\text{Spec}}$  ont même nom.

(extension possible :  $|M_{\text{IUT}}| - |M_{\text{Spec}}| \leq \Delta$ )

# Conformité

Conformité  $\triangleq$  équivalence de machines

Soient  $M_{IUT}$  et  $M_{Spec}$  deux machines de Mealy de mêmes alphabets, minimales, fortement connexes, et ayant même nombre d'états,

$$M_{IUT} \text{ imp } M_{Spec} \triangleq M_{IUT} \simeq M_{Spec}$$

Le but du test est donc de chercher à prouver (ou invalider) l'équivalence entre une machine de Mealy  $M_{IUT}$  inconnue et une autre machine de Mealy connue  $M_{Spec}$ .

**NB :** noter qu'avec les hypothèses de minimalité, même nombre d'états, mêmes alphabets

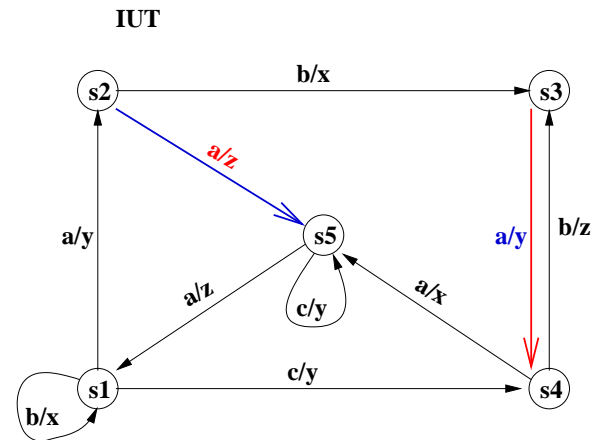
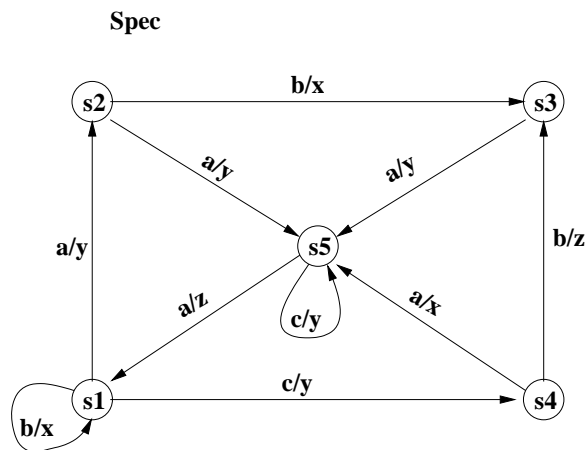
équivalence de machine = isomorphisme de machine

## Autre vue : modèle de faute

**Modèle de faute** : ensemble des  $M_{IUT}$  “mutantes” de  $M_{Spec}$  respectant les hypothèses, et non-conformes (i.e. non isomorphes).

Pour une transition  $s \xrightarrow{i/o} s'$  de  $M_{Spec}$ , fautes possibles :

- **faute de sortie** :  $s \xrightarrow{i/o'} s'$  et  $o \neq o'$
- **faute de transfert** :  $s \xrightarrow{i/o} s''$  et  $s' \neq s''$



# Principe du test

Non-isomorphisme  $\Leftrightarrow$  existence d'une faute

Détection de toutes les fautes du modèle de faute.

$\Rightarrow$  tester chaque transition de IUT pour ses fautes de sortie et de transfert.

**Test élémentaire** : test d'une transition  $s \xrightarrow{i/o} s'$  :

- aller en  $s$
- appliquer  $i$ , vérifier  $o$  (sortie)
- identifier  $s'$  (transfert)

**NB** : L'identification d'état consiste en une séquence d'entrées/sorties

$\rightarrow$  **Problème d'optimisation** : rechercher une séquence la plus courte possible contenant tous les tests élémentaires

## Différentes techniques

Dépendant des séquences d'identification possibles.

Conditions d'applicabilité sur  $M_{\text{Spec}}$  :

**Transition Tour** : pas d'identification ( $\implies$  incomplet pour transfert)

ou  $\exists$  interrogation d'état :  $\forall s, \exists s \xrightarrow{\text{status}/s} s$

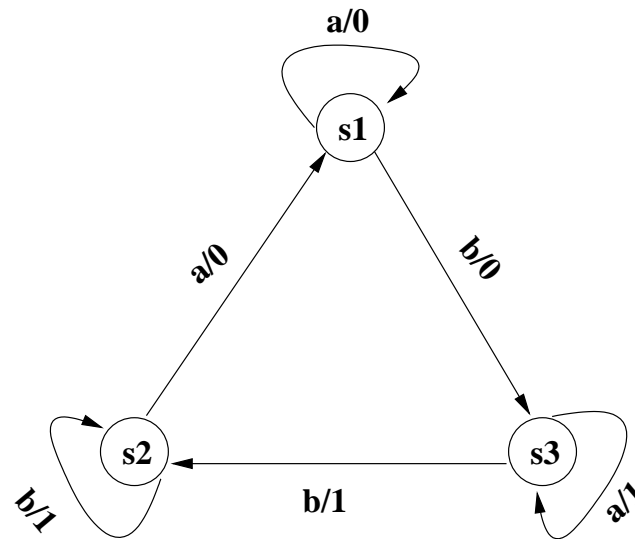
**DS** :  $\exists DS \in I^*, \forall s_i \in S, \forall s_j \neq s_i \in S, \omega^*(s_i, DS) \neq \omega^*(s_j, DS)$

**UIO** :  $\forall s_i \in S, \exists UIO_i \in I^*, \forall s_j \neq s_i \in S, \omega^*(s_i, UIO_i) \neq \omega^*(s_j, UIO_i)$

**W** :  $\forall s_i \in S, \forall s_j \neq s_i \in S, \exists c_{ij} \in I^*, \omega^*(s_i, c_{ij}) \neq \omega^*(s_j, c_{ij})$

**NB** : **W** est exactement la condition de minimalité

## Différence entre DS, UIO et W



**W** : machine minimale.  $cs_{12} = cs_{13} = b$ ,  $cs_{23} = a$ .

**UIO** :  $UIO(s_1) = b$ ,  $UIO(s_3) = a$ , pas d'UIO pour  $s_2$ .

**DS** : n'existe pas.



# Algorithmes pour le Tour de Transitions

**Hyp :**  $M_{Spec}$  et  $M_{IUT}$  sont fortement connexes, complètes, minimales, même nombre d'états, status valide sur  $M_{IUT}$ .

Génération de suite de test :

trouver un circuit (orienté) qui couvre chaque transition.

Pb d'optimisation :

trouver un circuit de longueur minimale couvrant toutes les transitions.

⇒ Pb du Postier Chinois

## Circuit eulérien et Postier Chinois

**Circuit eulérien** : circuit (orienté) qui passe une et une seule fois par toutes les transitions.

**Proposition** : un graphe possède un **circuit eulérien** ssi il est **fortement connexe** et **symétrique**.

où  $G = (V, E)$  est **symétrique** ssi pour tout sommet  $s \in V$ ,  $d_{in}^o(s) = d_{out}^o(s)$ .

$d_{in}^o(s)$  = degré entrant de  $s = Card(\{s' \rightarrow s \in E\})$

$d_{out}^o(s)$  = degré sortant de  $s = Card(\{s \rightarrow s' \in E\})$

On utilisera la proposition suivante :

circuit de longueur minimale couvrant toutes les transitions de  $G$

=

circuit eulérien de l'**augmentation symétrique de coût minimal**  $\hat{G}$  de  $G$ .

## Augmentation symétrique de coût minimal

$\hat{G}$  : graphe symétrique obtenu en dupliquant de manière minimale certaines transitions de  $G$  .

$X_{i,j}$  = nbre de fois où une transition  $s_i \rightarrow s_j$  de  $G$  est dupliquée ds  $\hat{G}$ .

$\hat{G}$  est une solution du problème d'optimisation :

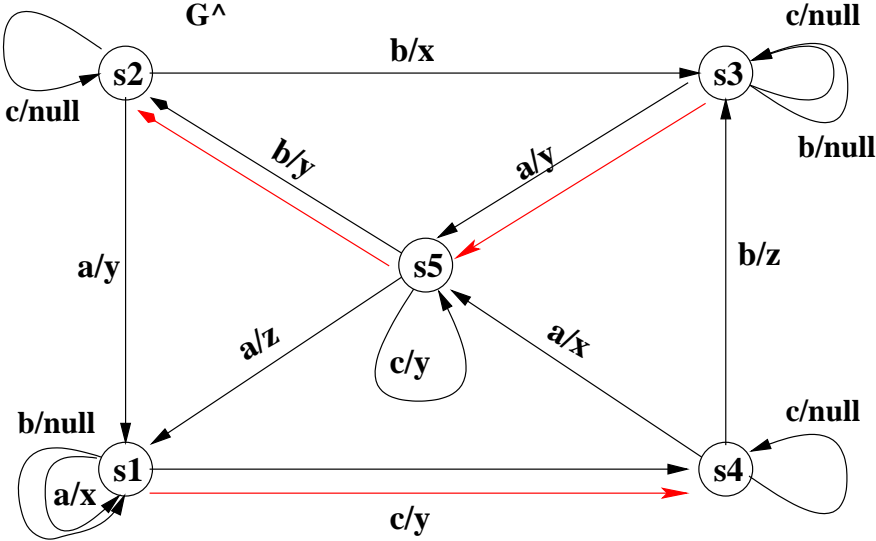
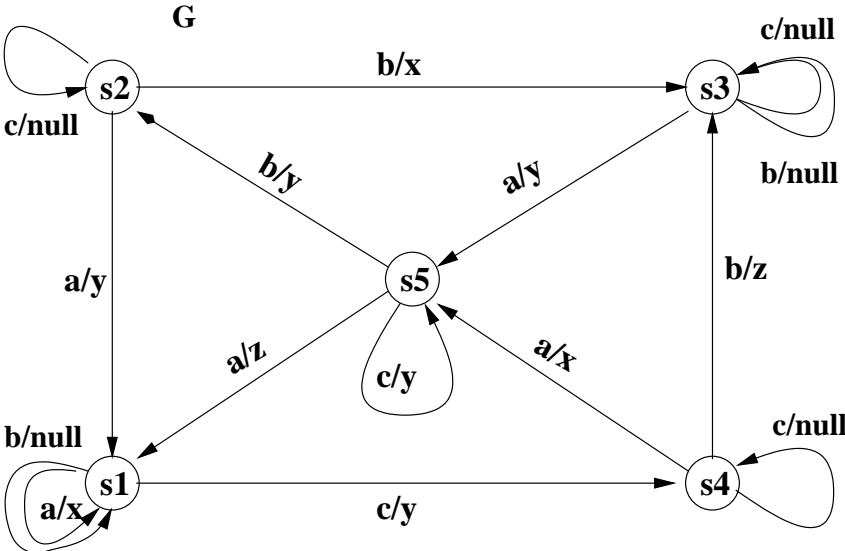
Minimiser  $\sum_{i,j} X_{i,j}$  tq  $\forall j, d_{in}^o(s_j, \hat{G}) = d_{out}^o(s_j, \hat{G})$  i.e.

$$\forall j, d_{in}^o(s_j, G) + \sum_{\{i, s_i \rightarrow s_j\}} X_{i,j} = d_{out}^o(s_j, G) + \sum_{\{k, s_j \rightarrow s_k\}} X_{j,k}$$

NB : on peut ignorer les boucles (influence nulle).

Résolution : programmation linéaire ou algorithme de flot.

# Exemple



## Exemple : résolution du problème d'optimisation

Minimiser  $\sum_{i,j} X_{i,j}$  tq

$$S_1 : X_{21} + X_{51} + 4 = X_{14} + 3$$

$$S_2 : X_{52} + 2 = X_{21} + X_{23} + 3$$

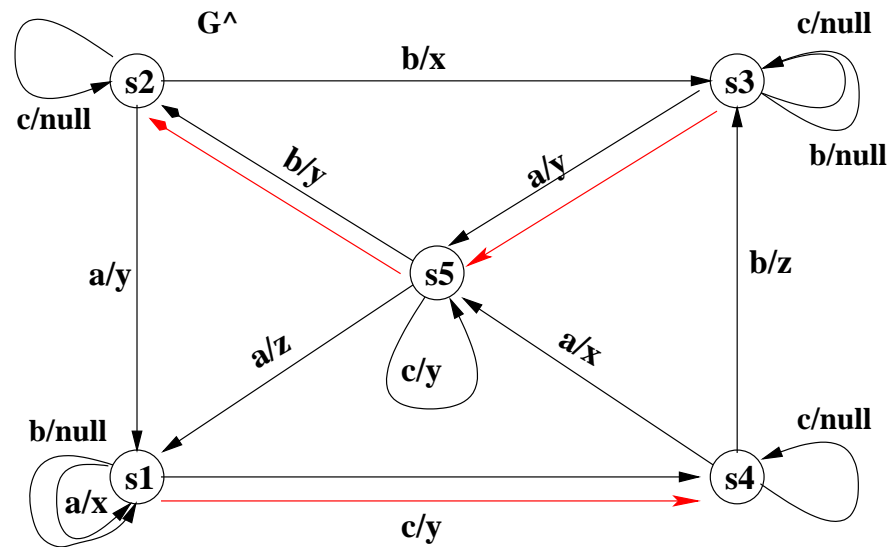
$$S_3 : X_{23} + X_{43} + 4 = X_{35} + 3$$

$$S_4 : X_{14} + 2 = X_{45} + X_{43} + 3$$

$$S_5 : X_{45} + X_{35} + 3 = X_{52} + X_{51} + 3$$

Solution :  $X_{14} = X_{52} = X_{35} = 1$  ,  $X_{i,j} = 0$  sinon.

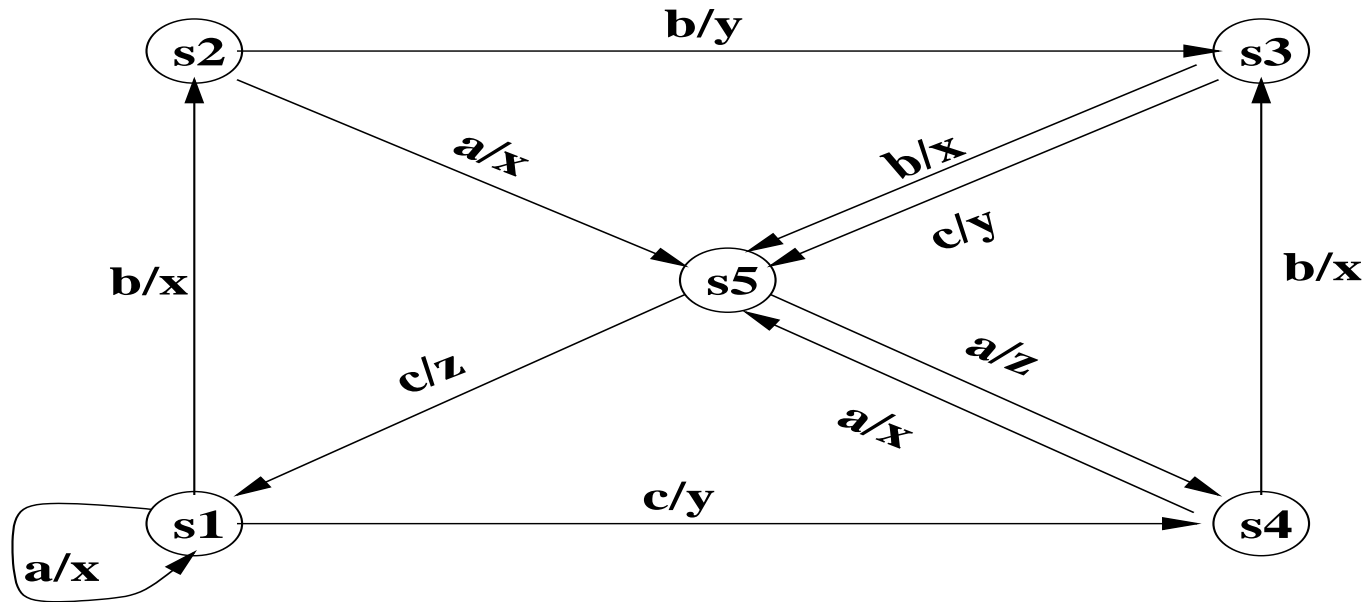
## Exemple : calcul du circuit eulérien



Circuit eulérien sur  $\hat{G}$   $\rightarrow$  séquence de test (status omis) :

$s_1 \xrightarrow{a/x} s_1 \xrightarrow{b/null} s_1 \xrightarrow{c/y} s_4 \xrightarrow{c/null} s_4 \xrightarrow{b/z} s_3 \xrightarrow{b/null} s_3 \xrightarrow{c/null} s_3 \xrightarrow{a/y} s_5$   
 $\xrightarrow{c/y} s_5 \xrightarrow{a/z} s_1 \xrightarrow{c/y} s_4 \xrightarrow{a/x} s_5 \xrightarrow{b/y} s_2 \xrightarrow{c/null} s_2 \xrightarrow{b/x} s_3 \xrightarrow{a/y} s_5 \xrightarrow{b/y} s_2 \xrightarrow{a/y} s_1.$

## Algorithmes pour la technique des UIO

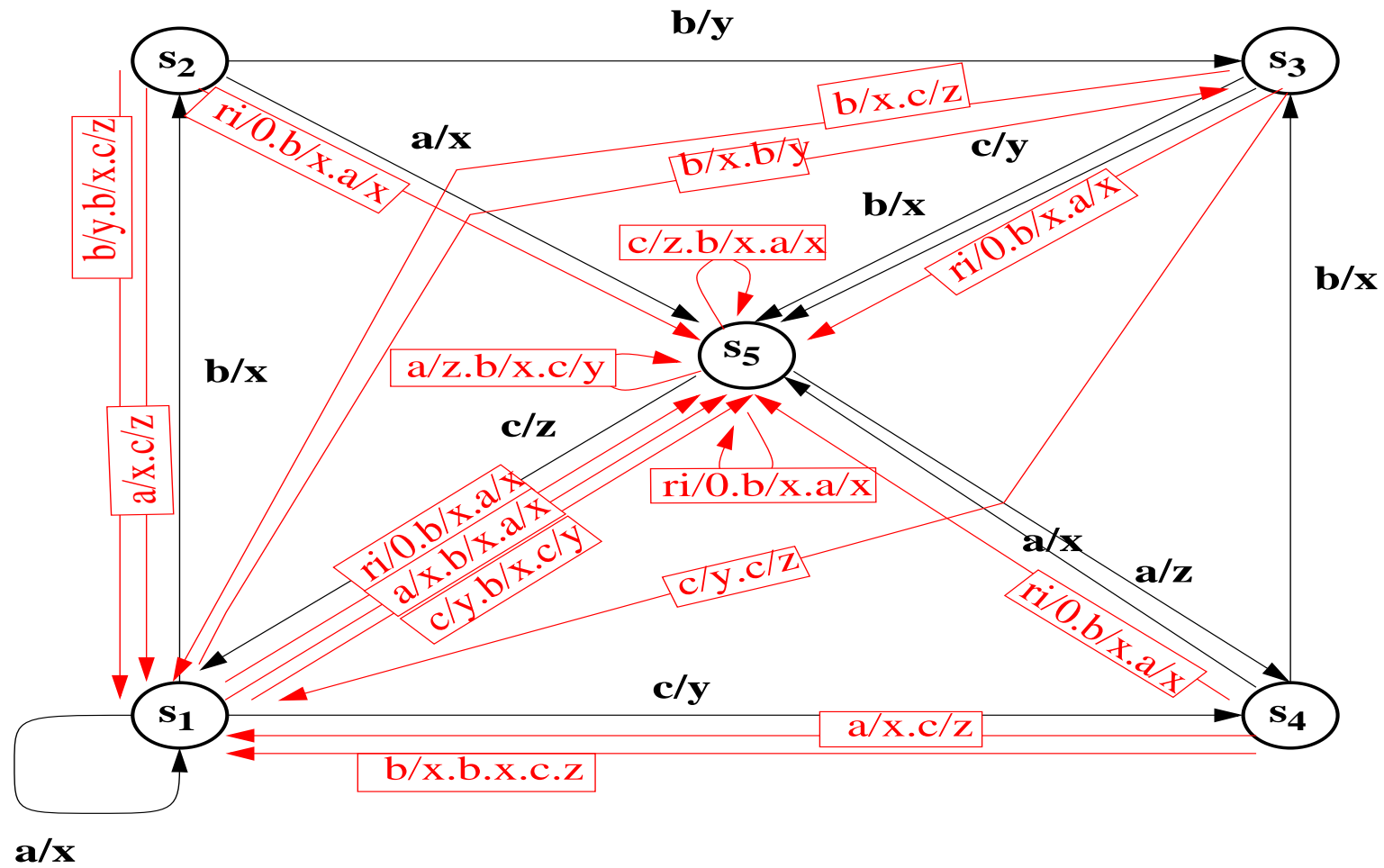


NB : on suppose de + ds chaque état  $s_i$ , une transition  $s_i \xrightarrow{ri/0} s_1$ .

Calculer les UIO de chaque état :  $UIO(s_1) = b/x.a/x$ ,  $UIO(s_2) = b/y$ ,  
 $UIO(s_3) = b/x.c/z$ ,  $UIO(s_4) = b/x.c/y$ ,  $UIO(s_5) = c/z$ .

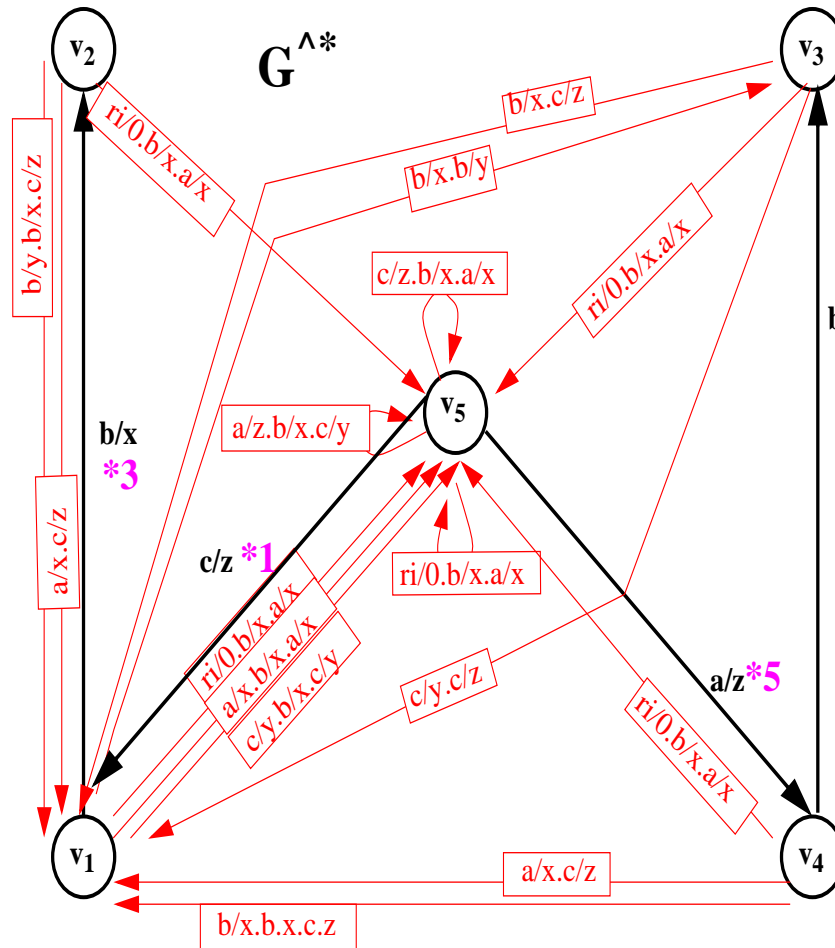
Test élémentaire :  $Test(s_i \xrightarrow{i/o} s_j) = i/o.UIO(s_j)$

# Problème du postier chinois rural





# Augmentation symétrique

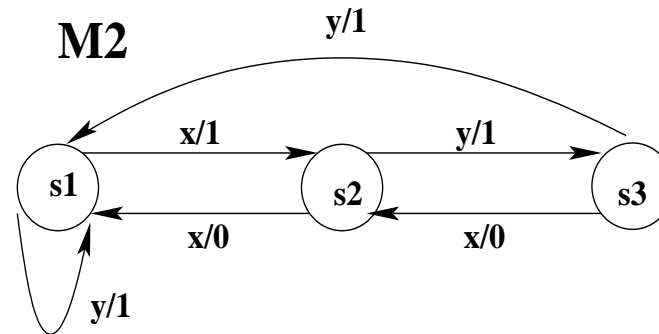
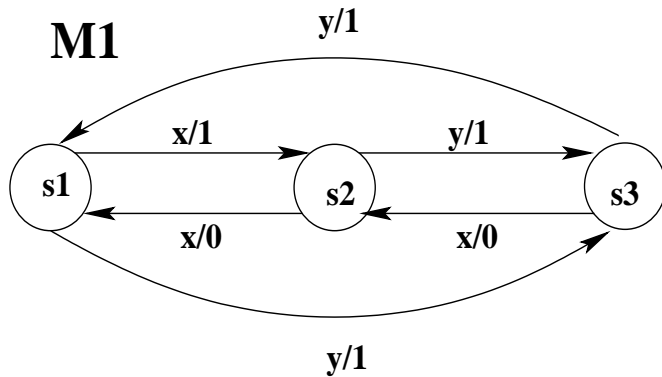


## Euler tour of $G^*$

### Optimal test sequence:

ri/0	b/x.b/y	c/y.c/z	a/x.b/x.a/x
a/z.b/x.c/y	c/z.b/x.a/x	ri/0.b/x.a/x	a/z
a/x.c/z	c/y.b/x.c/y	a/z	b/x
b/x.c/z	b/x	b/y.b/x.c/z	b/x
a/x.c/z	b/x	ri/0.b/x.a/x	a/z
b/x	ri/0.b/x.a/x	a/z	b/x.b/x.c/z
ri/0.b/x.a/x	a/z	ri/0.b/x.a/x	c/z.

## Pb d'incomplétude d'UIO



$UIO(s_3) = y/1.x/1$  dans  $M_1$  donc  $Test(s_1 \xrightarrow{y/1} s_3) = y/1.y/1.x/1$ .

$\delta^*(s_1, y.y.x) = 1.1.1$  aussi dans  $M_2$

alors que  $M_2$  est non conforme à  $M_1$  sur la transition  $s_1 \xrightarrow{y/1} s_3$  :

faute de transfert  $s_1 \xrightarrow{y/1} s_1$

D'où vient le problème ?

Quelle est la solution ?

# Analyse

- Suite de test complète pour le modèle de faute (sous hypothèses)
- Identification d'état
- Hypothèses fortes sur Spec et IUT
- Complexité

## Extensions :

- Ajout d'états dans le modèle de faute,
- Automates non-déterministes,
- Automates étendus avec variables
- Calcul de séquences distinguantes d'ensembles d'états sur des EFSM (Petrenko).

## II.2 Techniques fondées sur les systèmes de transitions

### Origines :

- Modèles : systèmes de transitions étiquetés (LTS)
- Pré-ordres de test (Hennessy, De Nicola), refusal testing (Philips), testeur canonique (Brinksma)

Pas utilisable directement pour la génération de tests.

Problème : pas de distinction entre observation et contrôle.

**Nouveaux modèles** : LTS avec distinction entre entrées et sorties (IOSM, IOTS, IOLTS) : Phalippou (CNET), Tretmans (U. Twente)

**Outils** : TVeda (CNET), TGV (Irisa/Verimag), TorX (U. Twente), TestComposer (Telelogic).

# Plan de la partie

## Modèle des IOLTS

- Définition,
- Comportements
- Blocages

## Théorie du test

- Spécifications, implémentations
- Relation de conformité
- Cas de tests
- Propriétés des cas de tests

## Génération de tests

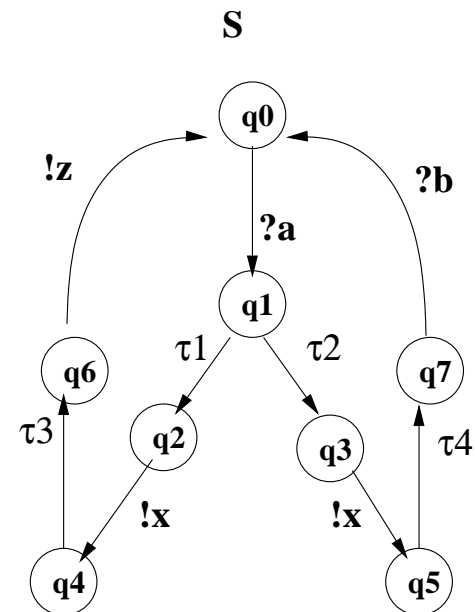
- Génération aléatoire : algorithme et propriétés
- Génération guidée par un objectif : algorithme et propriétés

## Modèle des IOLTS : système de transition (LTS) à entrées/sorties

$M = (Q, A, \rightarrow, Q_0)$  avec

- $Q$  : ensemble dénombrable d'états,
- $\Lambda = \Lambda_? \cup \Lambda_! \cup \mathcal{T}$  : alphabet d'actions, où  
 $\Lambda_?$  : entrées (?a),  $\Lambda_!$  : sorties (!x),  
 $\mathcal{T}$  : actions internes ( $\tau_i$ ),  
 $\Lambda_{\text{vis}} = \Lambda \setminus \mathcal{T} = \Lambda_? \cup \Lambda_!$  : actions visibles
- $\rightarrow \subseteq Q \times \Lambda \times Q$  : **relation** de transition,
- $Q_0 \subseteq Q$  : ens. d'états initiaux.

**Hyp** : pas de divergence de  $\tau$ .  
 i.e. pas de séquence infinie de  $\tau$   
 traversant une infinité d'états



## Comportements des IOLTS

Soit  $M = (Q, \Lambda, \rightarrow, Q_0)$  un IOLTS,

**Runs** :  $\rho = q_0 \xrightarrow{\lambda_0} q_1 \xrightarrow{\lambda_1} \dots \xrightarrow{\lambda_{n-1}} q_n$  tq  $q_0 \in Q_0$  est un *run*.

$Runs(M) \subseteq Q_0 \cdot (\Lambda \cdot Q)^*$  : ens. des runs de  $M$ .

**Langage** : une séquence est la projection  $\mu = proj_{\Lambda}(\rho) = \lambda_0 \cdot \lambda_1 \dots \lambda_{n-1}$  d'un run  $\rho$  sur  $\Lambda$ .

$L(M) = proj_{\Lambda}(Runs(M)) \subseteq \Lambda^*$  : langage généré par  $M$ .

**Traces** : projection  $\sigma = proj_{\Lambda_{VIS}}(\rho) = a_1 \cdot a_2 \dots a_k$  d'un run  $\rho$  sur  $\Lambda_{VIS}$

$Traces(M) = proj_{\Lambda_{VIS}}(Runs(M)) \subseteq \Lambda_{VIS}^*$  : ens. des traces de  $M$ .

## IOLTS vus comme automates

Soit  $M = (Q, \Lambda, \rightarrow, Q_0)$  un IOLTS,  
et  $X \subseteq Q$  un ensemble d'états marqués,  
on interprètera parfois l'IOLTS  $M$  muni de  $X$  comme un **automate** :

run accepté en  $X$  :  $\rho = q_0 \xrightarrow{\lambda_0} q_1 \xrightarrow{\lambda_1} \dots \xrightarrow{\lambda_{n-1}} q_n \in Runs(M)$  tq  $q_n \in X$ .

séquence acceptée = projection sur  $\Lambda^*$  d'un run accepté.

trace acceptée = projection sur  $\Lambda_{VIS}^*$  d'un run accepté.

→  $Runs_X(M) \subseteq Runs(M) = Runs_Q(M)$ ,

→  $L_X(M) = proj_\Lambda(Runs_X(M)) \subseteq L(M) = L_Q(M)$ ,

→  $Traces_X(M) = proj_{\Lambda_{VIS}}(Runs_X(M)) \subseteq Traces(M) = Traces_Q(M)$ .



## Relation $\Rightarrow$ et after

Soit  $M = (Q, \Lambda, \rightarrow, Q_0)$  un IOLTS.

La sémantique de traces induit la relation  $\Rightarrow \subseteq Q \times \Lambda_{\text{VIS}}^* \times Q$  définie par :

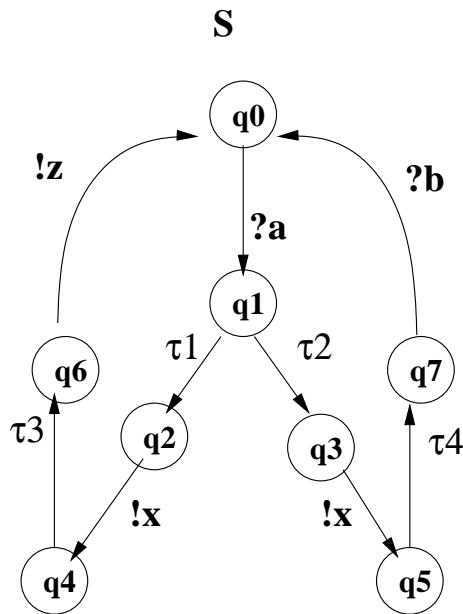
- $q \xRightarrow{\varepsilon} q' \triangleq q = q'$  ou  $\exists \tau_1, \tau_2 \dots \tau_n \in \mathcal{T} : q \xrightarrow{\tau_1 \cdot \tau_2 \dots \tau_n} q'$
- $a \in \Lambda_{\text{VIS}}, q \xrightarrow{a} q' \triangleq \exists q_1, q_2 : q \xRightarrow{\varepsilon} q_1 \xrightarrow{a} q_2 \xRightarrow{\varepsilon} q'$ ,
- $\sigma = a_1 \dots a_n \in \Lambda_{\text{VIS}}^*, q \xrightarrow{\sigma} q' \triangleq \exists q_0, \dots, q_n : q = q_0 \xrightarrow{a_1} \dots \xrightarrow{a_n} q_n = q'$

Notation **After**

- $q \text{ after } \sigma \triangleq \{q' \in Q \mid q \xrightarrow{\sigma} q'\}$
- pour  $P \subseteq Q, P \text{ after } \sigma \triangleq \bigcup_{q \in P} q \text{ after } \sigma$

On note  $M \text{ after } \sigma \triangleq Q_0 \text{ after } \sigma$  l'ensemble des états où  $M$  peut résider après l'observation de  $\sigma$  depuis un état initial.

## Illustration



$q_1 \xRightarrow{\varepsilon} q_2$  et  $q_1 \xRightarrow{\varepsilon} q_3$

$q_1 \xRightarrow{!x} q_4$ ,  $q_1 \xRightarrow{!x} q_6$ ,  $q_1 \xRightarrow{!x} q_5$ ,  $q_1 \xRightarrow{!x} q_7$ ,

$q_1 \xRightarrow{!x.!z} q_0$

$q_0$  after  $?a.!x = \{q_4, q_5, q_6, q_7\}$ ,

$q_0$  after  $?a.!z = \emptyset$

$\{q_2, q_3\}$  after  $!x = \{q_4, q_5, q_6, q_7\}$

$Traces(S) = \{\varepsilon, ?a, ?a.!x, ?a.!x.!z, ?a.!x.?b, \dots\}$

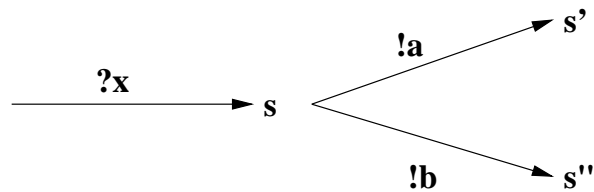
## Non-déterminisme et choix

**Non-déterminisme au sens des automates :** existence d'actions internes  $\tau$  et  $\rightarrow$  est une relation



**Déf :**  $M$  est **déterministe** s'il n'a aucune action interne,  
 $Card(Q_0) = 1$  et  $\forall q \in Q, \forall a \in \Lambda_{VIS}, Card(\{q' \mid q \xrightarrow{a} q'\}) \leq 1$ .

**Choix non contrôlé :** parfois appelé *non-déterminisme observable*



## Déterminisation d'IOLTS

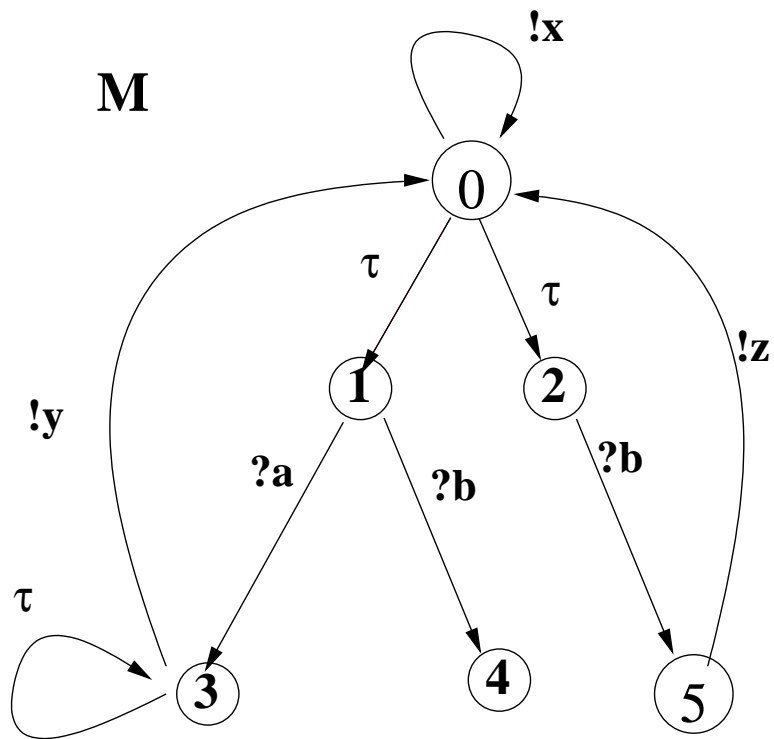
Pour un IOLTS  $M = (Q, \Lambda, \rightarrow, Q_0)$ , on peut construire un IOLTS déterministe  $det(M)$  et de mêmes traces que  $M$ .

$det(M) = (2^Q, \Lambda_{vis}, \rightarrow_{det}, Q_0 \text{ after } \varepsilon)$  où

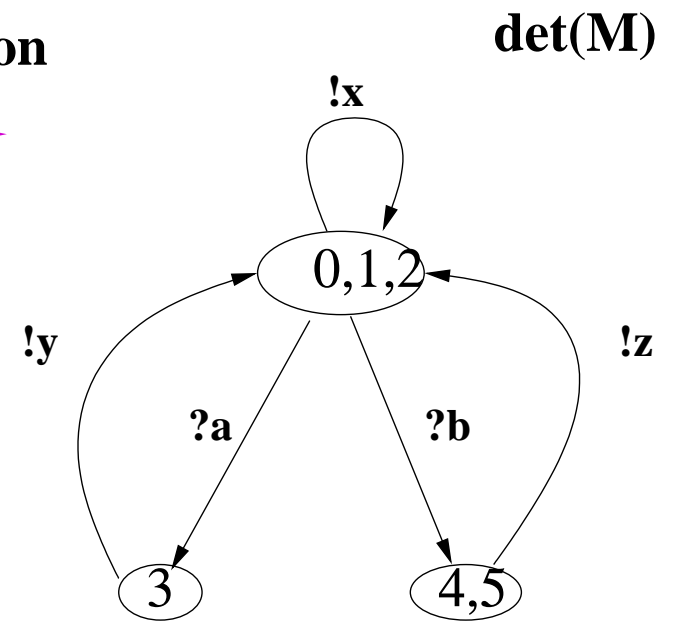
- $2^Q = \mathcal{P}(Q)$  est l'ensemble des parties de  $Q$
- pour  $P, P' \in 2^Q$  et  $a \in \Lambda^{vis}$ ,  $P \xrightarrow{a}_{det} P'$  ssi  $P' = P \text{ after } a$

$$Traces(M) = Traces(det(M))$$

# Déterminisation : exemple



determinisation



## IOLTS complets

Soit  $M = (Q, \Lambda_{\text{VIS}} \cup \mathcal{T}, \rightarrow, Q_0)$  un IOLTS,  $q \in Q$  un état de  $M$  et  $A \subseteq \Lambda_{\text{VIS}}$  un sous-alphabet d'actions visibles.

$q$  est **fortement  $A$ -complet** si toute action de  $A$  est tirable en  $q$  :

$$\forall \lambda \in A, q \xrightarrow{\lambda}$$

$q$  est **faiblement  $A$ -complet** si toute action de  $A$  est tirable après un nombre quelconque d'action interne :

$$\forall \lambda \in A, q \xRightarrow{\lambda}$$

$M$  (faiblement/fortement)  $A$ -complet si tous les états de  $Q$  sont  $A$ -complets

**Prop** :  $M$  déterministe  $\Rightarrow$  fortement = faiblement

**Prop** :  $M$  déterminisme et  $\Lambda_{\text{VIS}}$ -complet  $\Rightarrow \text{Traces}(M) = \Lambda_{\text{VIS}}^*$

# Spécification et implémentations

**Spécification** :  $S = (Q^S, \Lambda, \rightarrow_S, q_0^S)$ , avec  $\Lambda = \Lambda_? \cup \Lambda_! \cup \mathcal{T}^S$

**Implémentation** :  $I = (Q^I, \Lambda^I, \rightarrow_I, q_0^I)$  avec  $\Lambda^I = \Lambda_? \cup \Lambda_! \cup \mathcal{T}^I$

L'implémentation est inconnue, sauf son interface, identique à  $S$

$\Rightarrow$  mêmes actions visibles :  $\Lambda_{\text{VIS}} = \Lambda_! \cup \Lambda_?$ ,

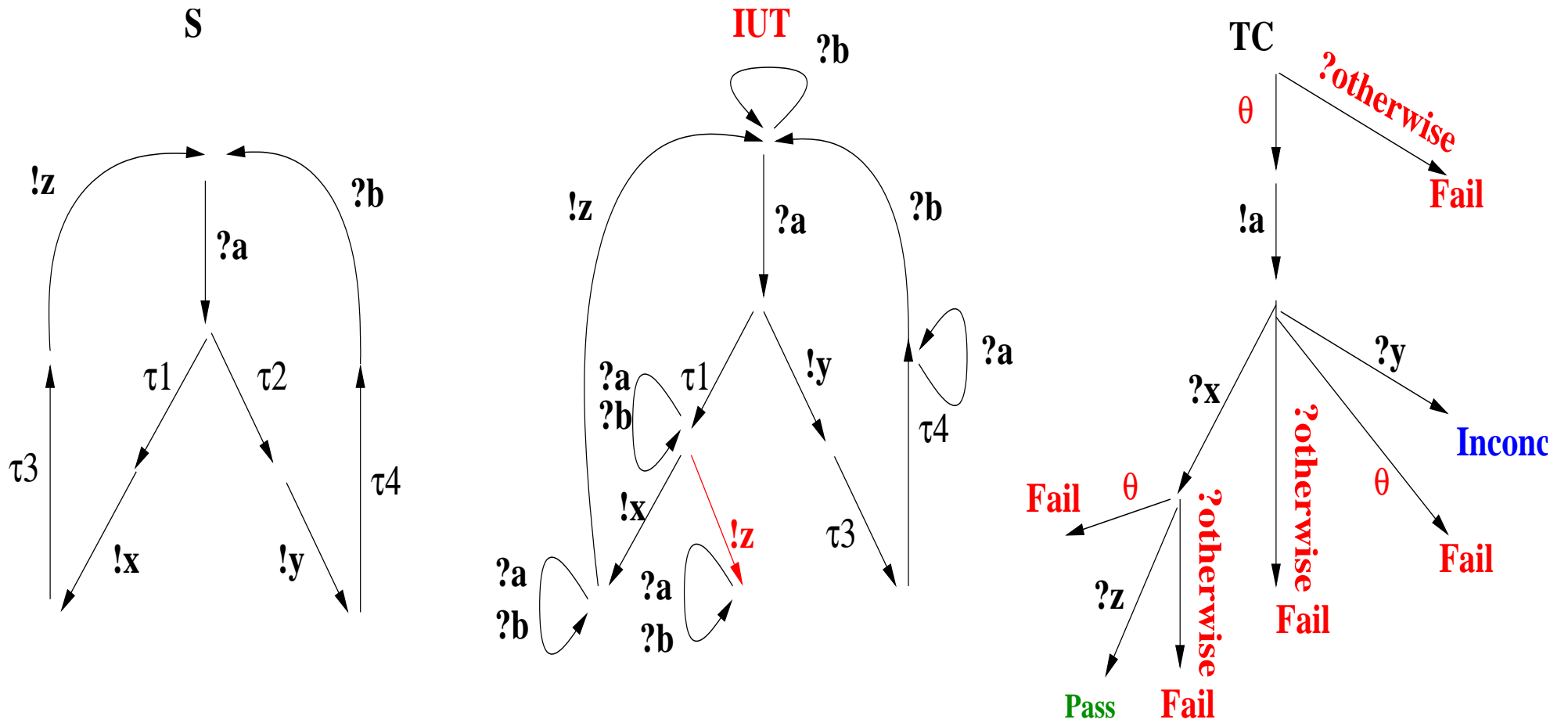
actions internes *a priori* différentes

**Hyp.** :  $I$  est faiblement  $\Lambda_?$ -complète :  $\forall q \in Q^I, \forall a \in \Lambda_?, q \xrightarrow{a}$ .

**Justification** : dans tous ses états,  $I$  accepte toute entrée, après d'éventuelles actions internes, quitte à renvoyer une erreur.

**NB** : l'hypothèse ne sera utile que pour éviter les blocages dans la modélisation de l'interaction testeur/IUT.

# Spécification et implémentation : exemple

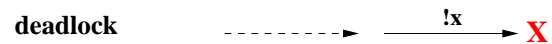




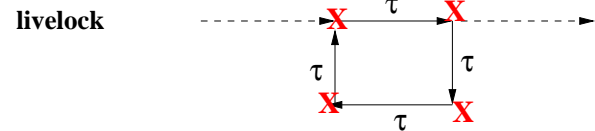
## Observation des blocages

En pratique, le test peut observer les traces de l'IUT, mais aussi ses **blocages** grâce à des **temporisateurs**.

Seuls les blocages de l'IUT non spécifiés par  $S$  doivent être rejetés.

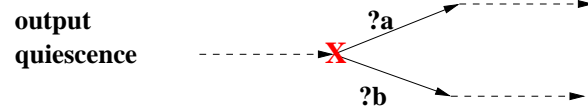


Notation :  $\Gamma(q) \triangleq \{a \in \Lambda \mid q \xrightarrow{a}\}$



$q \in \text{deadlock}(M) \triangleq \Gamma(q) = \emptyset$

$q \in \text{livelock}(M) \triangleq \exists \tau_1, \dots, \tau_n, q \xrightarrow{\tau_1 \cdot \dots \cdot \tau_n} q$

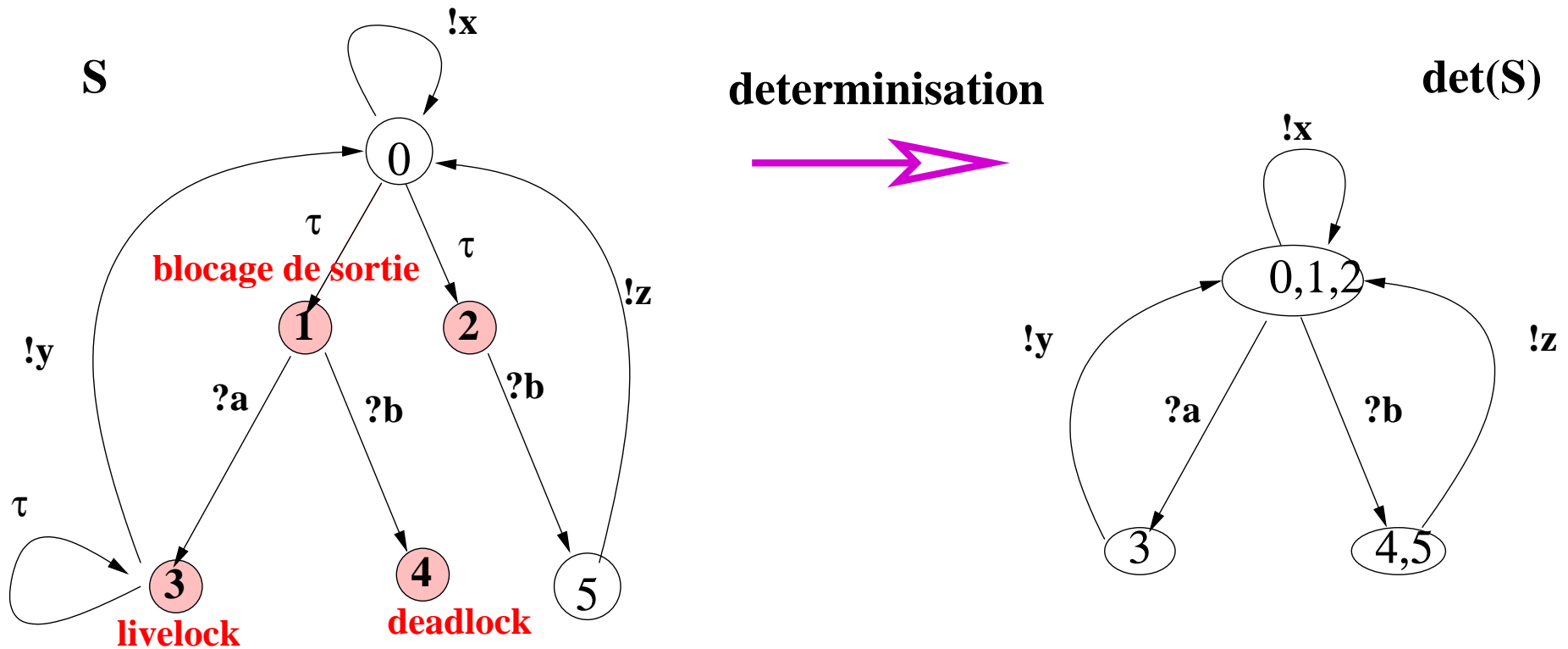


$q \in \text{outputlock}(M) \triangleq \Gamma(q) \subseteq \Lambda?$

$\text{quiescent}(M) = \text{deadlock}(M) \cup \text{livelock}(M) \cup \text{outputlock}(M)$

# Perte des blocages par déterminisation

L'équivalence de traces (la déterminisation) ne préserve pas les blocages.  
⇒ il faut expliciter les blocages avant déterminisation.



## Explicitation des blocages

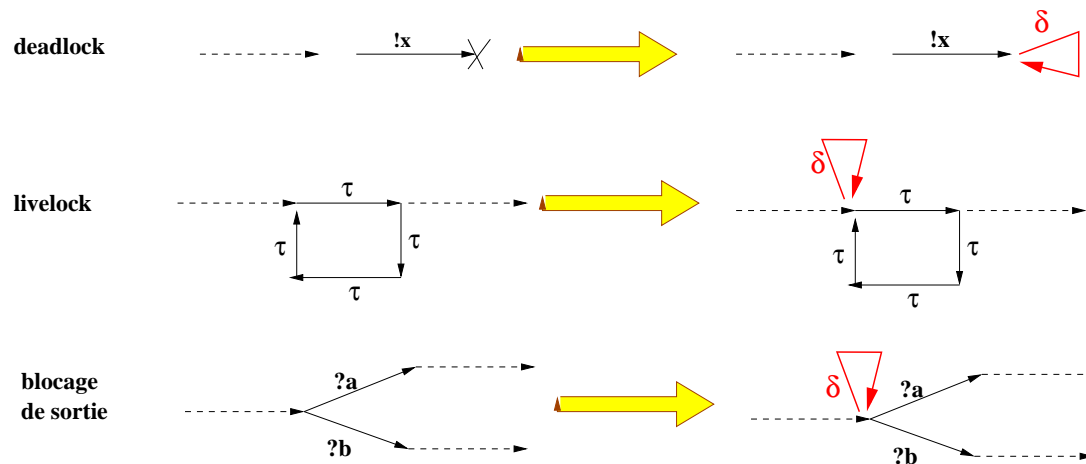
Soit  $M = (Q, \Lambda, \rightarrow, q_0)$  avec  $\Lambda = \Lambda_! \cup \Lambda_? \cup \mathcal{T}$

L'IOLTS suspendu de  $M$  est l'IOLTS  $\Delta(M) = (Q, \Lambda^\delta, \rightarrow_\delta, q_0)$  avec

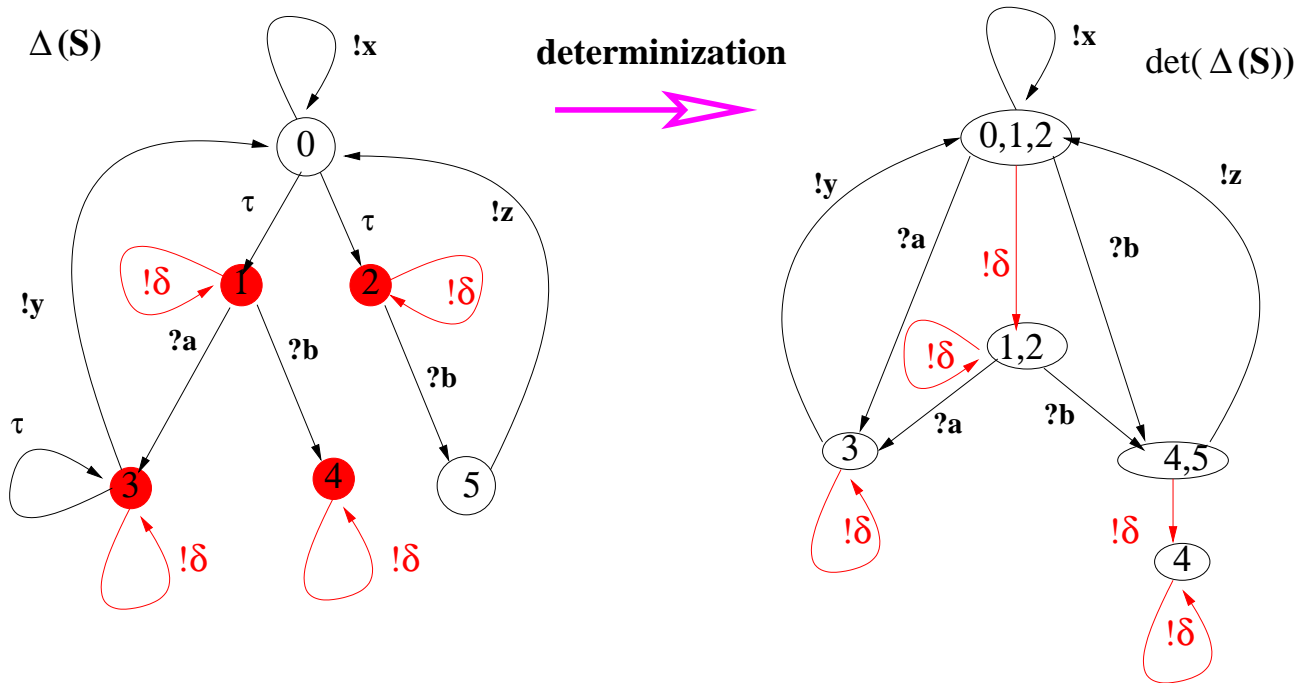
- $\Lambda^\delta = \Lambda \cup \{\delta\} = \Lambda_! \cup \{\delta\} \cup \Lambda_? \cup \mathcal{T}$  et  $\Lambda_!^\delta = \Lambda_! \cup \{\delta\}$

$\delta$  est considéré comme une sortie (car observable)

- $\rightarrow_\delta = \rightarrow \cup \{(q, \delta, q) \mid q \in \text{quiescent}(M)\}$



# Traces suspendues



**Traces suspendues :**  $S\text{Traces}(M) \triangleq \text{Traces}(\Delta(M)) = \text{Traces}(\text{det}(\Delta(M)))$

$S\text{Traces}(S)$  et  $S\text{Traces}(I)$  représentent exactement les comportements visibles de  $S$  et  $I \Rightarrow$  servent de base à la définition de la conformité.

## Relation de conformité

La **relation de conformité** définit l'ensemble des IUT  $I$  conformes à  $S$ .

**Définition :** Soient  $S = (Q^S, \Lambda_I \cup \Lambda_? \cup \mathcal{T}^S, \rightarrow_S, q_0^S)$  une spécification et  $I = (Q^I, \Lambda_I \cup \Lambda_? \cup \mathcal{T}^I, \rightarrow_I, q_0^I)$  une implémentation de même interface

$$I \text{ ioco } S$$

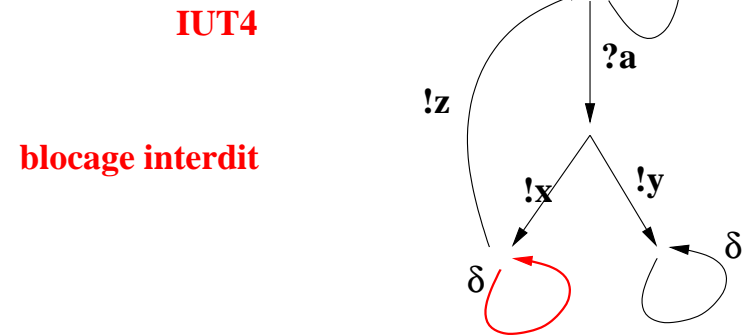
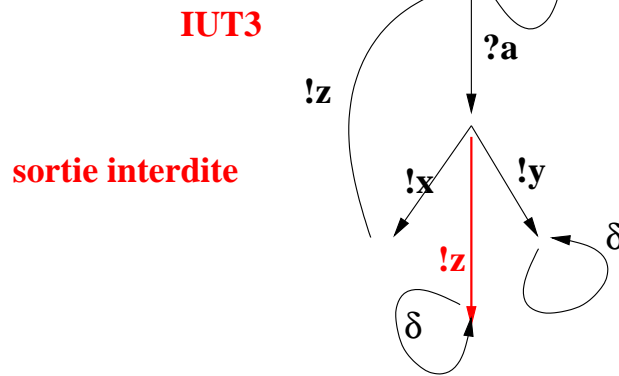
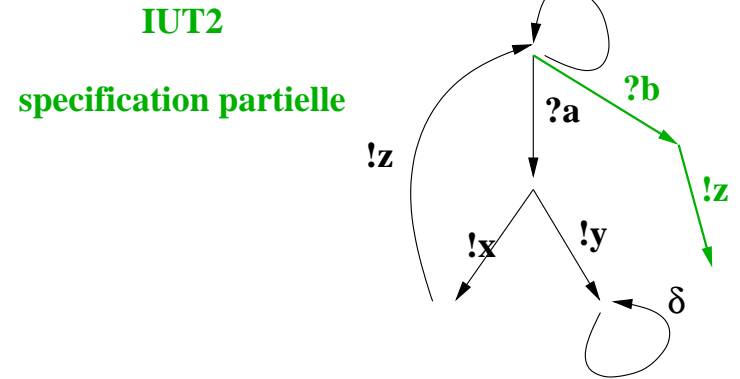
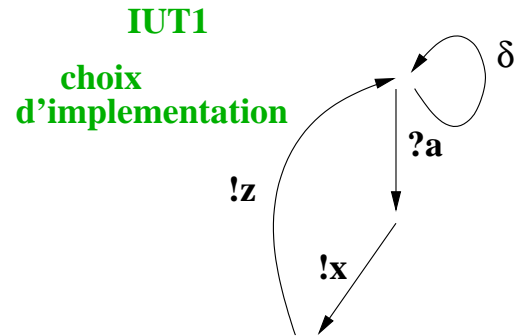
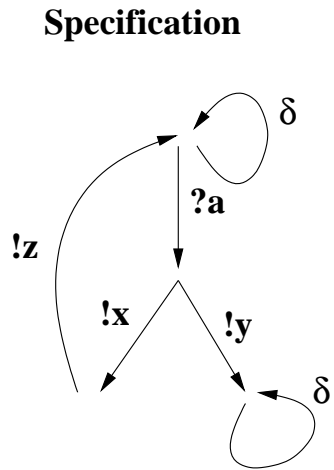
$$\triangleq$$

$$\forall \sigma \in S\text{Traces}(S), \text{Out}(\Delta(IUT) \text{ after } \sigma) \subseteq \text{Out}(\Delta(S) \text{ after } \sigma)$$

où  $\text{Out}(P) \triangleq \Gamma(P) \cap \Lambda_I^\delta$  est l'ens. des sorties et blocages en  $P$

**Intuition :**  $I$  est conforme à sa spécification  $S$  si et seulement si, après toute trace suspendue de  $S$ , toutes les sorties et blocages de  $I$  sont autorisés dans  $S$ .

# ioco par l'exemple



## Caractérisation de ioco en termes de $STraces$

$$I \text{ ioco } S \iff STraces(I) \cap [STraces(S).\Lambda_i^\delta] \subseteq STraces(S) \quad (1)$$

$$\iff STraces(I) \cap [STraces(S).\Lambda_i^\delta \setminus STraces(S)] = \emptyset \quad (2)$$

$STraces(I)$  = comportements visibles de  $I$

$STraces(S)$  = comportements visibles de  $S$

$STraces(S).\Lambda_i^\delta$  = comportements visibles de  $S$  prolongés par sortie ou  $\delta$ .

(1) : les  $STraces$  de  $I$  prolongeant les  $STraces$  de  $S$  par des sorties ou blocages doivent rester des  $STraces$  de  $S$ .

(2) :  $I$  n'a aucune  $S$ Trace qui soit une  $S$ Trace de  $S$  prolongée par une sortie ou un blocage sans être une  $S$ Trace de  $S$ .

## Observateur de non-conformité / $S$

Soit l'observateur  $Can(S) = (Q^c, \Lambda_{VIS}^\delta, \rightarrow_c, q_0^c)$  muni de  $Fail \in Q_c$  construit depuis  $det(\Delta(S)) = (Q^d, \Lambda_{VIS}^\delta, \rightarrow^d, q_0^d)$  par :

- Ajout d'un nouvel état  $Fail$  :

$$Q_c \triangleq Q_d \cup \{Fail\}, \quad Fail \notin Q_d$$

$$q_0^d \triangleq q_0^c$$

- Complétion en sortie vers  $Fail$  :

$$\rightarrow_c \triangleq \rightarrow_d \cup \{q \xrightarrow{!a}_c Fail \mid q \in Q_d, !a \in \Lambda_i^\delta \wedge \neg(q \xrightarrow{!a}_d)\}$$

On notera  $q \xrightarrow{!othw}_c Fail$ .

$Can(S)$  reconnaît le langage  $Traces_{Fail}(Can(S)) = STraces(S).\Lambda_i^\delta \setminus STraces(S)$

**Prop** :  $Can(S)$  est un observateur de non-conformité i.e.

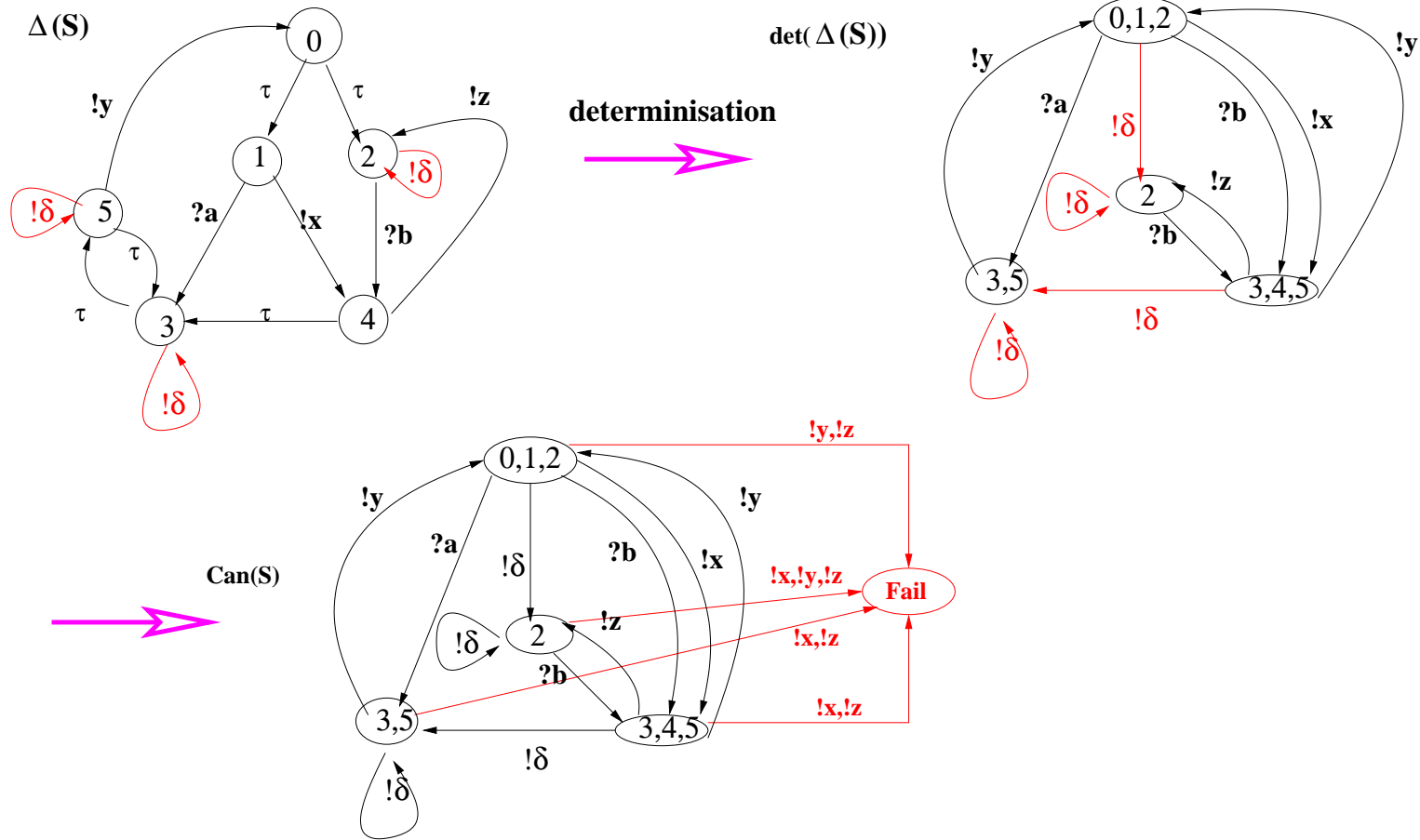
$$I \text{ ioco } S \iff STraces(I) \cap Traces_{Fail}(Can(S)) = \emptyset$$

**NB** : Pour  $S$  donné,  $I \text{ ioco } S$  est une propriété de sûreté sur  $STraces(I)$ .

$Can(S)$  est l'observateur de la négation de cette propriété.



# Observateur de non-conformité : exemple



## Cas de test

Un **cas de test** pour  $S$  est un IOLTS  $TC = (Q^{TC}, \Lambda^{TC}, \rightarrow_{TC}, q_0^{TC})$  tq :

- $TC$  est **déterministe**
- $\Lambda_I^{TC} = \Lambda_?$  et  $\Lambda_?^{TC} = \Lambda_I^\delta = \Lambda_I \cup \{\delta\}$  (**inversion entrées/sorties**)
- $TC$  est équipé de 3 ensembles d'états puits (les seuls états puits) représentant les **verdicts** :  
**Verdicts** = **Pass**  $\cup$  **Fail**  $\cup$  **Inconc**  $\subseteq Q^{TC}$   
Etat Puits :  $q$  tel que  $\forall a \in \Lambda^{TC}, \neg(q \xrightarrow{a})$
- les états de  $TC$ , excepté **Verdicts**, sont  **$\Lambda_?^{TC}$ -complets**  
i.e.  $TC$  est prêt à recevoir toute entrée de  $\Lambda_?^{TC}$  = sortie de  $\Lambda_I^\delta$   
*?otherwise* dénotera le complémentaire d'un ensemble d'entrées.

$\rightarrow$   $Traces(TC)$ ,

$$Traces_{\text{Verdict}}(TC) = Traces_{\text{Fail}}(TC) \cup Traces_{\text{Pass}}(TC) \cup Traces_{\text{Inconc}}(TC)$$

## Exécution des tests

Modélisé par la composition parallèle  $TC \parallel \Delta(I)$  avec synchronisation sur les actions de l'interface commune  $\Lambda_{\text{VIS}}^\delta$  :

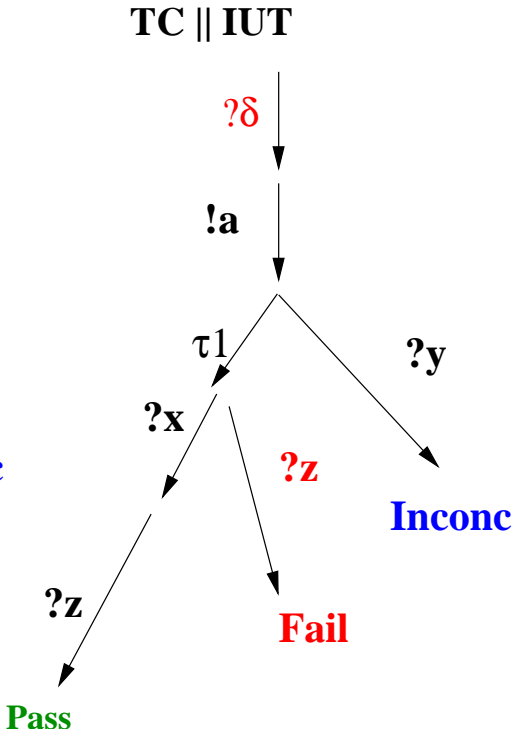
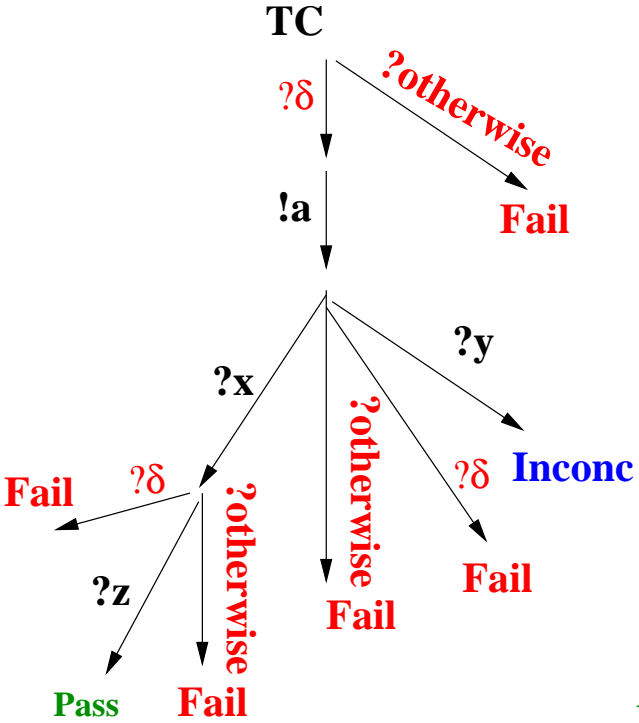
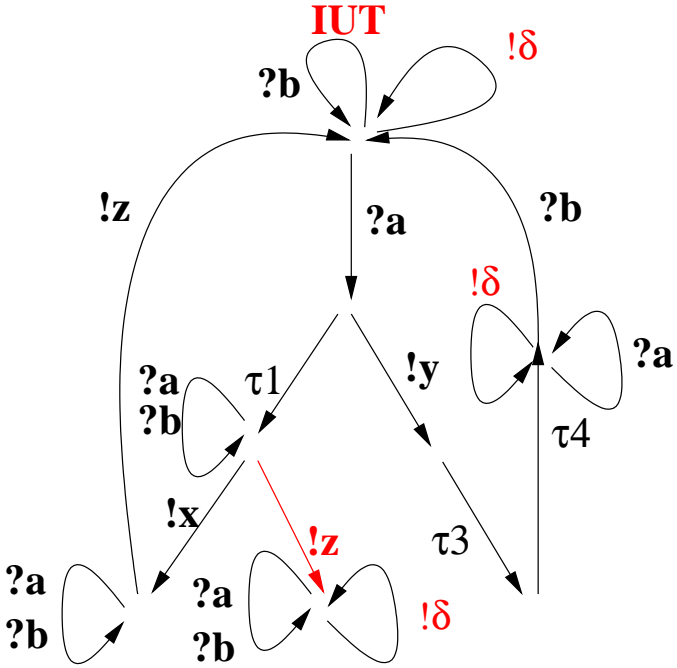
$TC \parallel \Delta(I) = (Q^{\text{TC}} \times Q^I, \Lambda^I, \rightarrow_{TC \parallel \Delta(I)}, (q_0^{\text{TC}}, q_0^I))$   
 où  $\rightarrow_{TC \parallel \Delta(I)}$  est défini par :

$$\frac{tc \xrightarrow{a}_{\text{TC}} tc' \quad q \xrightarrow{a}_{\Delta(I)} q' \quad a \in \Lambda_{\text{VIS}}^\delta}{(tc, q) \xrightarrow{a}_{TC \parallel \Delta(I)} (tc', q')} \quad \frac{q \xrightarrow{\tau}_{\Delta(I)} q' \quad \tau \in \mathcal{T}^I}{(tc, q) \xrightarrow{\tau}_{TC \parallel \Delta(I)} (tc, q')}$$

**Prop** :  $Traces(TC \parallel \Delta(I)) = Traces(TC) \cap STraces(I)$

**Prop** :  $I$  est faiblement  $\Lambda_?$ -complet et  $TC$  est  $\Lambda_I^\delta$ -complet (hors **Verdicts**)  
 $\Rightarrow TC \parallel \Delta(I)$  n'est bloquant que dans les états de **Verdicts** de  $TC$

# Exemple



## Observations et verdicts

Observations de  $TC$  sur  $I \triangleq$  Traces maximales finies de  $TC||\Delta(I)$   
 i.e. traces finissant dans **Verdicts**.

$$\begin{aligned}
 Mtraces(TC||\Delta(I)) &\triangleq \{\sigma \in \Lambda_{VIS}^{\delta*} \mid TC||\Delta(I) \text{ after } \sigma \subseteq \mathbf{Verdicts} \times Q^1\} \\
 &= STraces(I) \cap Traces_{\mathbf{Verdict}}(TC) \\
 &= STraces(I) \cap \\
 &\quad (Traces_{Fail}(TC) \cup Traces_{Pass}(TC) \cup Traces_{Inconc}(TC))
 \end{aligned}$$

Soit  $\sigma \in Mtraces(TC||\Delta(I))$  une observation de  $TC$  sur  $I$

$$\begin{aligned}
 verdict(\sigma) = Fail &\triangleq \sigma \in Traces_{Fail}(TC) \\
 verdict(\sigma) = Pass &\triangleq \sigma \in Traces_{Pass}(TC) \\
 verdict(\sigma) = Inconc &\triangleq \sigma \in Traces_{Inconc}(TC)
 \end{aligned}$$

# Verdicts

On dira qu'un cas de test  $TC$  rejette (*fails*)  $I$  ssi une exécution maximale de  $TC \parallel \Delta(I)$  produit **Fail**

Ceci exprime seulement une *possibilité* de rejet.

$$\begin{aligned} TC \text{ fails } I &\triangleq \exists \sigma \in Mtraces(TC \parallel \Delta(I)), \text{ verdict}(\sigma) = \text{fail} \\ &\iff STraces(I) \cap Traces_{\text{Fail}}(TC) \neq \emptyset \end{aligned}$$

**! À cause des choix non contrôlables de  $I$ , un même cas de test peut produire différents verdicts sur la même IUT !**

Voir exple précédent où  $STraces(I) \cap Traces_{\text{Fail}}(TC) \neq \emptyset$

mais aussi  $STraces(I) \cap Traces_{\text{Pass}}(TC) \neq \emptyset$

et  $STraces(I) \cap Traces_{\text{Inconc}}(TC) \neq \emptyset$

## Propriétés des suites de tests (I)

### Correction d'un cas de test/ d'une suite de test :]

Un cas de test  $TC$  est **correct** pour  $S$  et **ioco** si il ne peut rejeter que des IUT non-conformes :

$$\begin{aligned} TC \text{ correct/ioco}, S &\triangleq \forall I, [TC \text{ fails } I \Rightarrow \neg(I \text{ ioco } S)] \\ &\iff \forall I, [I \text{ ioco } S \Rightarrow \neg(TC \text{ fails } I)] \end{aligned}$$

Une suite de test  $TS$  est **correcte** si tous ses cas de tests sont corrects.

$$TS \text{ correcte/ioco}, S \triangleq \forall TC \in TS, TC \text{ correct/ioco}, S$$

## Condition nécessaire et suffisante de correction

On rappelle que

- $I \text{ ioco } S \iff STraces(I) \cap Traces_{Fail}(Can(S)) = \emptyset$
- $TC \text{ fails } I \iff STraces(I) \cap Traces_{Fail}(TC) \neq \emptyset$
- $TC \text{ correct/ioco}, S \iff \forall I, [I \text{ ioco } S \Rightarrow \neg(TC \text{ fails } I)]$

D'où la condition nécessaire et suffisante de correction :

**Prop :**  $TC \text{ correct/ioco}, S \iff Traces_{Fail}(TC) \subseteq Traces_{Fail}(Can(S))$   
 $TS \text{ correcte/ioco}, S \iff \bigcup_{TC \in TS} Traces_{Fail}(TC) \subseteq Traces_{Fail}(Can(S))$



## Propriétés des suites de tests (II)

**Exhaustivité** : une suite de test  $TS$  est **exhaustive** pour  $S$  et **ioco** si pour toute IUT non-conforme il existe un cas de test de TS qui **peut la rejeter** :

$$\begin{aligned} TS \text{ exhaustive} &\triangleq \forall I, [\neg(I \text{ ioco } S) \Rightarrow [\exists TC \in TS, TC \text{ fails } I]] \\ &\iff \forall I, [[\forall TC \in TS, \neg(TC \text{ fails } I)] \Rightarrow I \text{ ioco } S] \end{aligned}$$

i.e. pour toute  $I$ , si aucun  $TC$  ne peut rejeter  $I$ , alors  $I$  est conforme à  $S$

**Prop** :  $TS \text{ exhaustive/ioco}, S \iff$   
 $Traces_{\text{Fail}}(Can(S)) \subseteq \bigcup_{TC \in TS} Traces_{\text{Fail}}(TC)$

## Testeur canonique et CNS correction et exhaustivité

$$TS \text{ correcte et exhaustive/ioco}, S \iff \bigcup_{TC \in TS} \text{Traces}_{\text{Fail}}(TC) = \text{Traces}_{\text{Fail}}(\text{Can}(S))$$

En particulier  $TS = \{\text{Can}(S)\}$  est correcte et exhaustive.

$$\begin{aligned} I \text{ ioco } S &\iff S\text{Traces}(I) \cap \text{Traces}_{\text{Fail}}(\text{Can}(S)) = \emptyset \text{ (def de ioco)} \\ &\iff \neg(\text{Can}(S) \text{ fails } I) \text{ (def. de fails)} \end{aligned}$$

$\text{Can}(S)$  est un **testeur canonique** pour  $S$  et **ioco**  
i.e. le cas de test le plus général.

**Pb** :  $\text{Can}(S)$  a trop de comportements  $\Rightarrow$  sélection.

## Sélection des cas de test

**But :** Trouver un algorithme qui, pour **ioco** et pour  $S$  donné, produise une suite de test  $TS$  qui soit

- correcte (facile à partir de  $Can(S)$ )
- exhaustive à la limite i.e. en considérant la suite infinie de tous les tests pouvant être produits

Deux techniques :

1. Sélection non-déterministe (à la TorX)
2. Sélection guidée par un objectif de test (à la TGV)

## Sélection non-déterministe : vue simplifiée

### Remarques

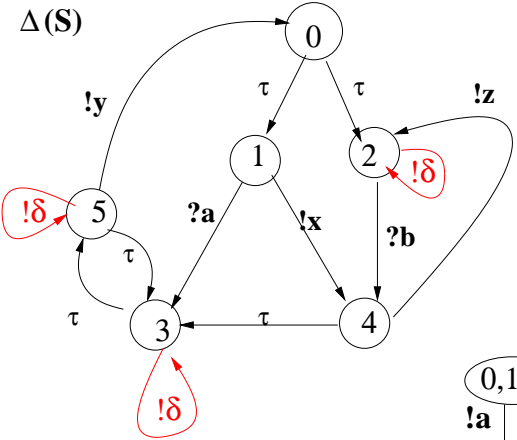
1. La suite  $TS = \{Can(S)\}$  est correcte et exhaustive
2. Après toute trace  $\sigma$  dans  $Can(S)$ , on peut faire un choix entre
  - s'arrêter et produire **Pass**,
  - observer une émission de  $\Delta(I)$  parmi toutes les émissions (correctes ou non) de  $Can(S)$  after  $\sigma$
  - choisir une réception de  $\Delta(I)$  parmi celles de  $Can(S)$  after  $\sigma$ .

### Conséquence :

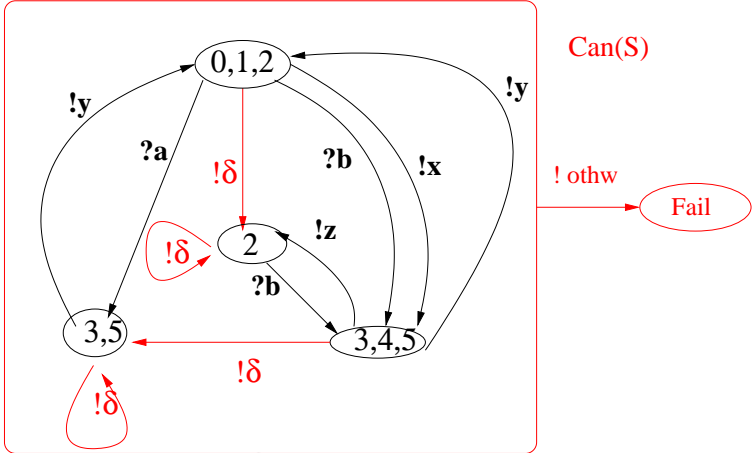
Soit  $TS$  l'ensemble *infini* de tous les  $TC$  obtenus par dépliage *fini* (arrêt sur **Pass**) et *contrôlable* (choix 1 entrée, toutes les sorties) de  $Can(S)$ .

$TS$  est correcte et exhaustive.

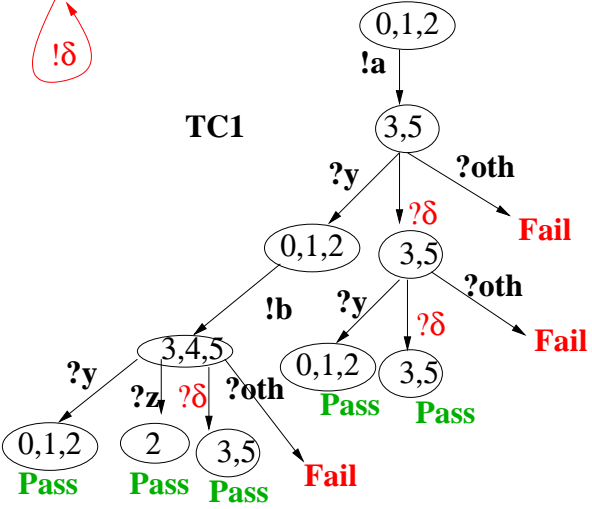
# Exemple



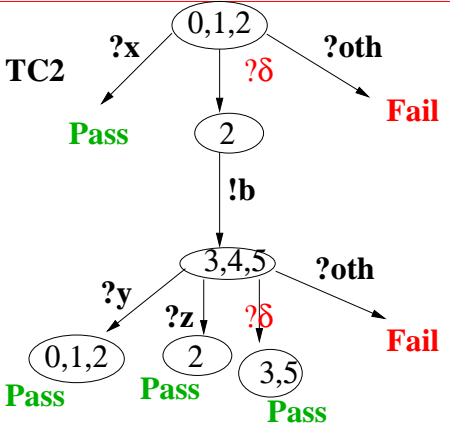
determinisation



TC1



TC2



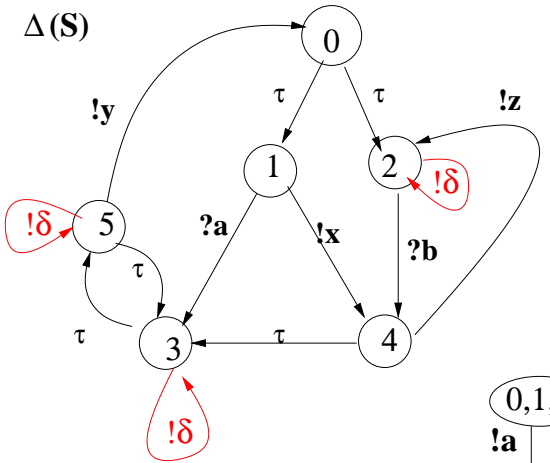
## Sélection non-déterministe : algo. original

- $P_0 = q_0^{\Delta(S)}$  after  $\Delta(S) \varepsilon = \{ \text{états accessibles par } \tau \text{ depuis } q_0^{\Delta(S)} \}$   
 $gen\_test(P_0)$  avec
- $gen\_test(P)$  pour  $P = q_0^{\Delta(S)}$  after  $\Delta(S) \sigma$  et  $\sigma \in Traces(\Delta(S))$  est calculé par :

Choisir de manière non-déterministe une des règles :

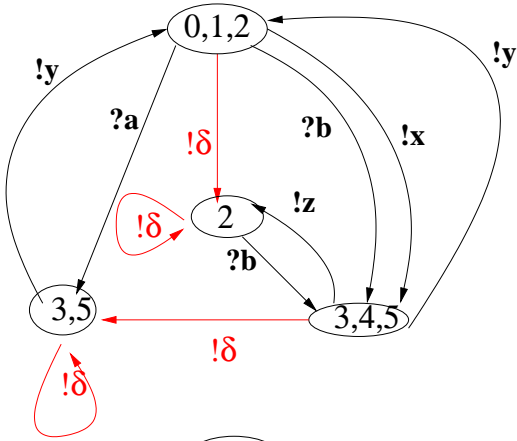
- **Arrêt** :  $P \in Pass$ ; return;
- **Choix d'une entrée** : choisir  $x$  dans  $In(P)$  (si  $\neq \emptyset$ );  
ajouter la transition  $P \xrightarrow{x} P' = P$  after  $\Delta(S)x$ ;  
et appliquer  $gen\_test(P')$ ; return;
- **Toutes les sorties** : pour toute sortie  $a$  dans  $Out(P)$   
ajouter la transition  $P \xrightarrow{a} P' = P$  after  $\Delta(S)a$ ;  
et appliquer  $gen\_test(P')$ ;  
puis compléter  $P$  en entrée avec  $P \xrightarrow{?otherwise} fail$ ; return;

# Exemple

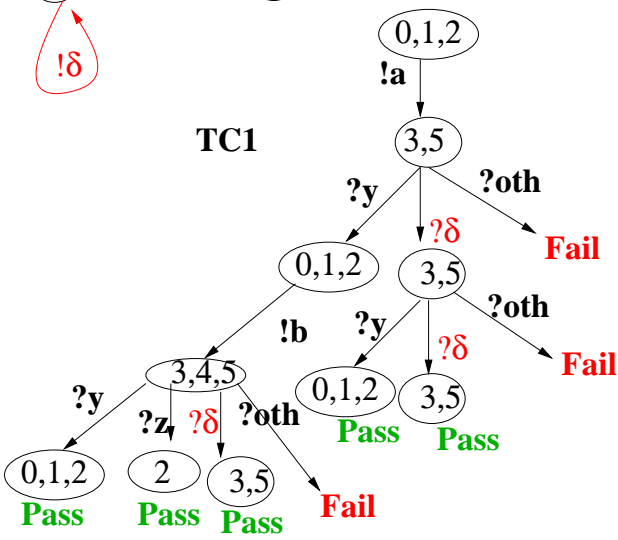


$det(\Delta(S))$

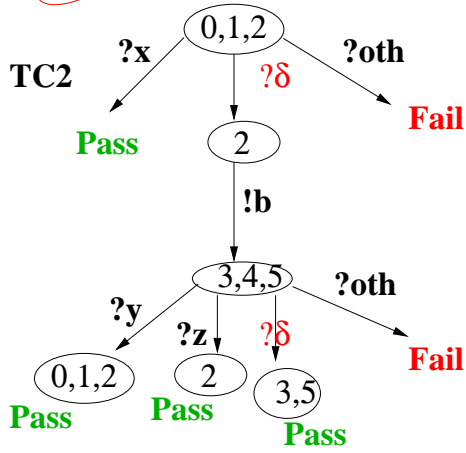
determinisation



TC1



TC2



## Propriétés des suites de test

NB : Pas de verdict **Inconc** car pas d'objectif de test.

Théorème : La suite de test composée de l'ensemble infini de cas de tests produits par *gen\_test* est correcte et exhaustive.

Rappel :  $I \text{ ioco } S \triangleq STraces(I) \cap STraces(Can(S)) = \emptyset$

**Correction** : par construction, il est facile de voir que pour tout  $TC$ ,  
 $Traces_{Fail}(TC) \subseteq Traces_{Fail}(Can(S))$  (CNS de correction)

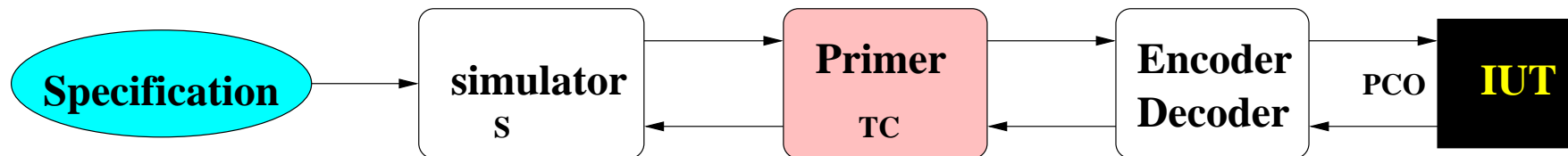
**Exhaustivité** : si  $\neg(I \text{ ioco } S)$  alors  $\exists \sigma' \in STraces(I) \cap Traces_{Fail}(Can(S))$ .  
Soit  $\sigma$  tq  $\sigma' = \sigma.x$ . On a  $\sigma \in STraces(S)$ ,  $x \in \Lambda_!^\delta$  et  $\sigma' = \sigma.x \notin STraces(S)$ .  $det(\Delta(S))$  est sans blocage, donc il existe  $y \in \Lambda_!^\delta$  tq  $\sigma.y \in STraces(S)$ . Dans *gen\_test*, faire les choix input/output en fonction de  $\sigma'.y$  puis "Toutes les sorties", puis Pass. Le  $TC$  résultant peut rejeter  $I$ .



# Implémentation dans TorX

Le choix non-déterministe est implémenté par un choix aléatoire ou interactif.

Sélection et exécution **à la volée** des cas de test.



Langages : Promela (SPIN), Lotos (CADP)

# Sélection de test guidée par un objectif

Principales différences avec TorX :

- sélection des tests par des **objectifs de test**.
- algorithmes plus efficaces
- sélection off-line, exécution *a posteriori*

**Objectif de test** : décrit un ensemble de comportements à tester, ciblé par le cas de test.

- ⇒ modélisation par des observateurs d'accessibilité (langage accepté)
- ⇒ algorithmes de sélection type “model-checking”.

## Objectifs de test

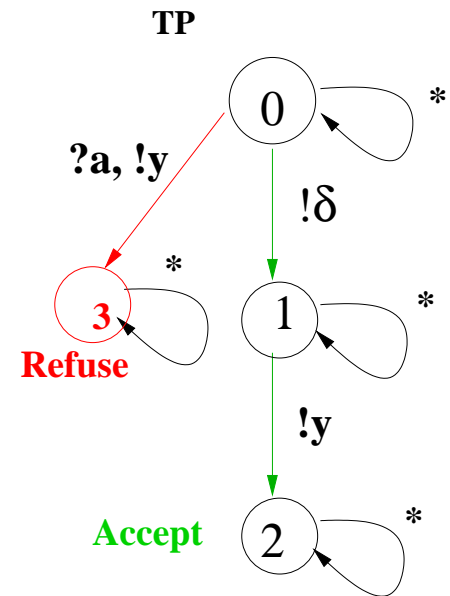
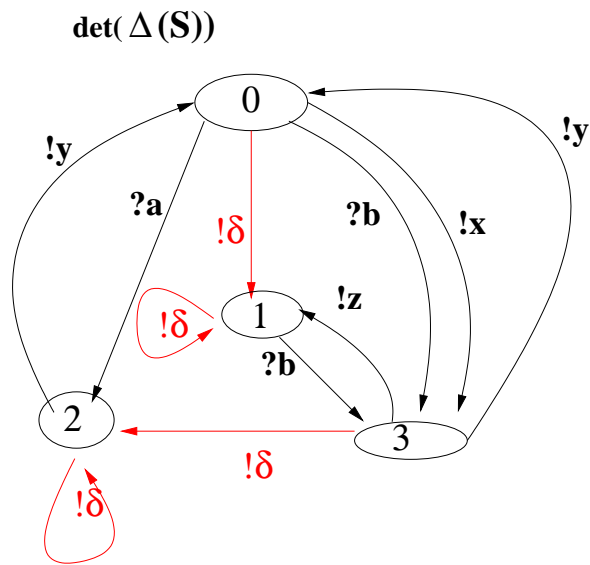
Un objectif de test est un IOLTS  $TP = (Q^{TP}, \Lambda_{VIS}^\delta, \rightarrow_{TP}, q_0^{TP})$ , muni d'un ensemble d'états puits  $Accept^{TP}$  (puits :  $\forall a \in \Lambda_{VIS}^\delta, Accept \xrightarrow{a}_{TP} Accept$ ).

On le supposera **déterministe** et **complet** sur  $\Lambda_{VIS}^\delta$  (complet :  $\forall q, \forall a \in \Lambda_{VIS}^\delta, q \xrightarrow{a}_{TP}$ ).

$Traces_{Accept}(TP) = L_{Accept}(TP)$  est suffixe-clos  
et  $Traces(TP) = L(TP) = (\Lambda_{VIS}^\delta)^*$

$TP$  peut être vu comme un observateur de propriété d'accessibilité.

# Exemple d'objectif



# Principe de la sélection

Générer des cas de tests qui soient à la fois

- observateurs de non-conformité

$$Traces_{Fail}(TC) \subseteq Traces_{Fail}(Can(S))$$

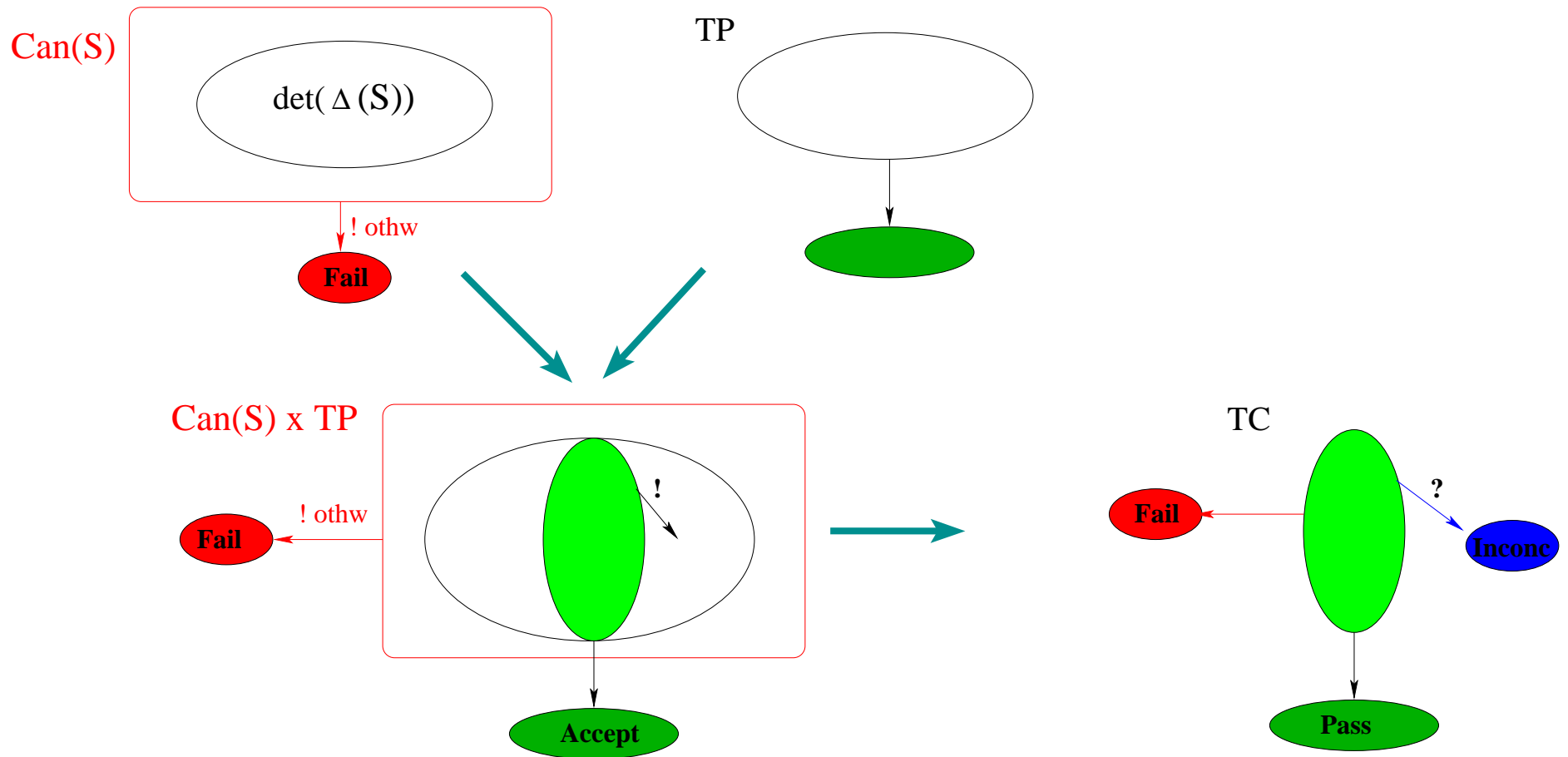
(ce qui implique la correction)

- observateurs d'accessibilité

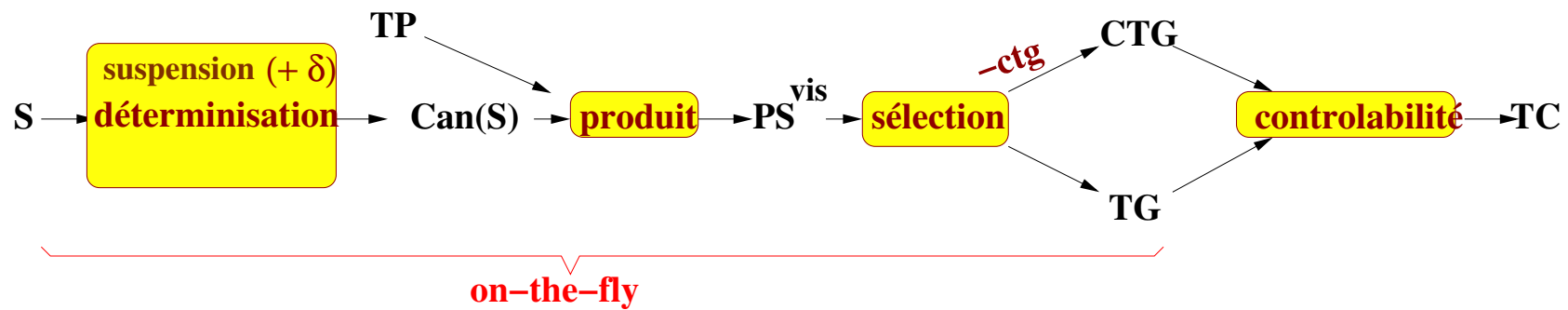
$$Traces_{Pass}(TC) \subseteq Traces_{Accept}(TP)$$

Mais en privilégiant les traces acceptées  $STraces(S) \cap Traces_{Accept}(TP)$

# Schéma de sélection



# Opérations nécessaires à la sélection



## Produit synchrone

Soient  $M_1 = (Q^1, A, \rightarrow_1, q_0^1)$  muni de  $F_1$

et  $M_2 = (Q^2, A, \rightarrow_2, q_0^2)$  muni de  $F_2$  deux IOLTS de même alphabet  $A$

Le produit synchrone de  $M_1$  et  $M_2$  est l'IOLTS

$M_1 \times M_2 = (Q^1 \times Q^2, A, \rightarrow, (q_0^1, q_0^2))$  muni de  $F_1 \times F_2$

où  $\rightarrow$  est définie par la règle :

$$\frac{q_1 \xrightarrow{a}_1 q'_1 \quad q_2 \xrightarrow{a}_2 q'_2}{(q_1, q_2) \xrightarrow{a} (q'_1, q'_2)}$$

On a alors :

$L(M_1 \times M_2) = L(M_1) \cap L(M_2)$  et

$L_{F_1 \times F_2}(M_1 \times M_2) = L_{F_1}(M_1) \cap L_{F_2}(M_2)$ .



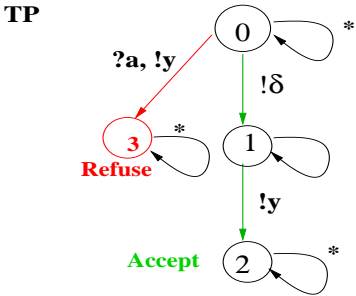
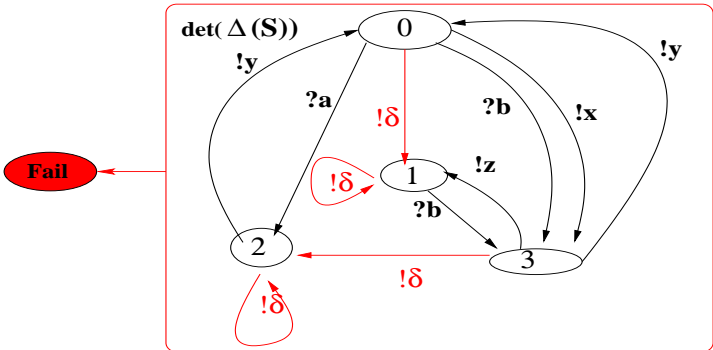
## Produit synchrone $Can(S) \times TP$

$Can(S) = (Q^c, \Lambda_{VIS}^\delta, \rightarrow_c, q_0^c)$  muni de  $Fail \subseteq Q^c$  et  
 $TP = (Q^{TP}, \Lambda_{VIS}^\delta, \rightarrow_{TP}, q_0^{TP})$  muni de  $Accept_{TP} \subseteq Q^{TP}$   
sont deux IOLTS de même alphabet  $\Lambda_{VIS}^\delta$ .

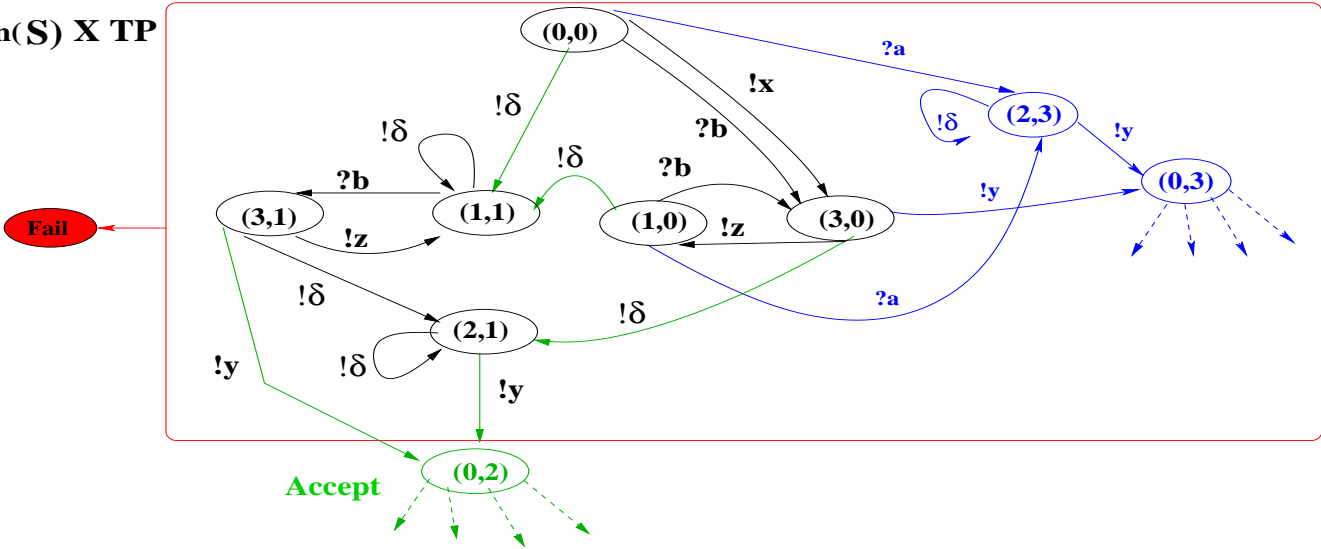
Soit  $PS^{VIS} = Can(S) \times TP$  et les ensembles d'états  
 $Accept_{VIS} = Q_c \setminus \{Fail\} \times Accept_{TP}$  et  $Fail_{VIS} = \{Fail\} \times Q^{TP}$

$TP$  étant complet on a  $Traces(TP) = (\Lambda_{VIS}^\delta)^*$ , d'où  
 $Traces(PS^{VIS}) = Traces(Can(S)) \cap Traces(TP) = Traces(Can(S))$   
 $Traces_{Accept}(PS^{VIS}) = STraces(S) \cap Traces_{Accept}(TP)$   
 $Traces_{Fail}(PS^{VIS}) = Traces_{Fail}(Can(S)) \cap Traces(TP) = Traces_{Fail}(Can(S))$

# Exemple



$PS^{VIS} = Can(S) \times TP$



## Sélection

**But** : Extraire de  $PS^{\text{VIS}}$  un cas de test avec les verdicts adéquats.

**Fail** : détecter  $S\text{Traces}(S). \Lambda_i^\delta \setminus S\text{Traces}(S)$

On a  $\text{Traces}_{\text{Fail}}(PS^{\text{VIS}}) = \text{Traces}_{\text{Fail}}(\text{Can}(S))$

**Pass** : détecter  $S\text{Traces}(S) \cap \text{Traces}_{\text{Accept}}(TP)$

On a  $\text{Traces}_{\text{Accept}}(PS^{\text{VIS}}) = S\text{Traces}(S) \cap \text{Traces}_{\text{Accept}}(TP)$

Donc **Pass** =  $\text{Accept}_{\text{VIS}}$

**Inconc** : détecter  $R\text{traces}(PS^{\text{VIS}}) \triangleq S\text{Traces}(S) \setminus \text{pref}_{\leq}(\text{Traces}_{\text{Accept}}(PS^{\text{VIS}}))$

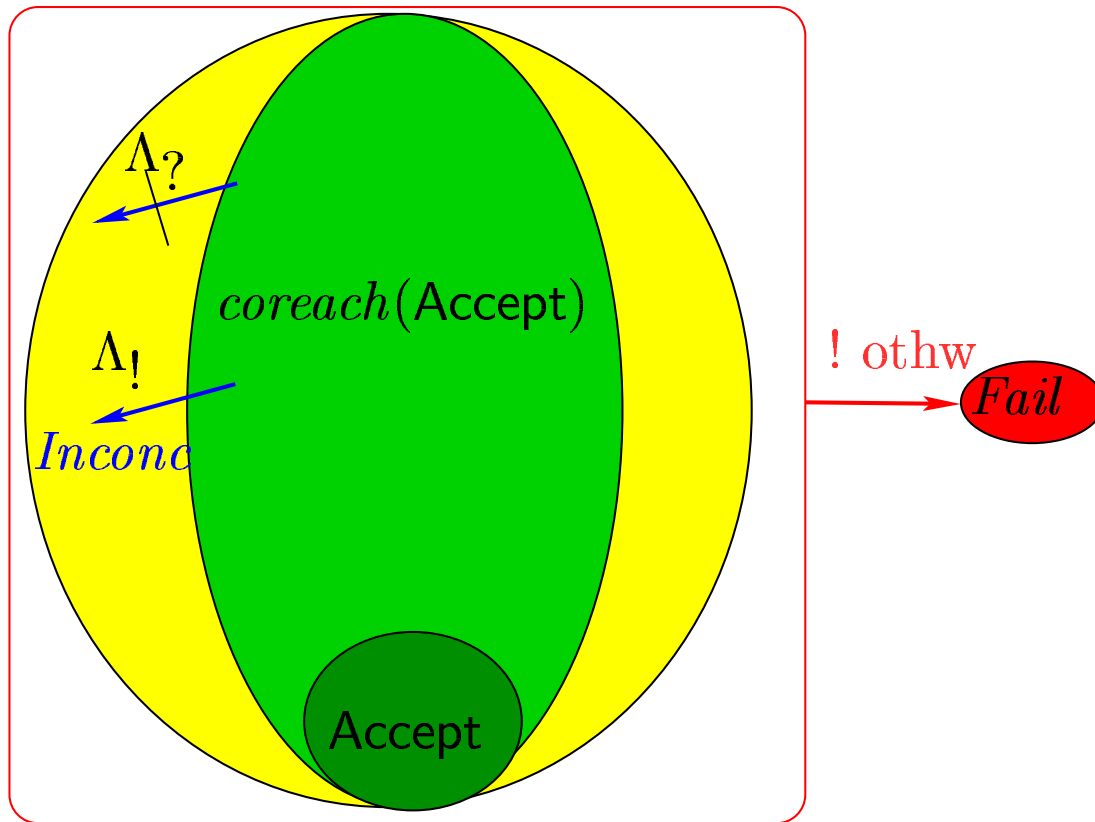
i.e. traces suspendues de  $S$  qu'on ne peut pas prolonger en traces acceptées.

Les entrées (contrôlables) peuvent être coupées

**Observation** :  $\text{pref}_{\leq}(\text{Traces}_{\text{Accept}}(PS^{\text{VIS}})) = \text{Traces}_{\text{coeach}}(\text{Accept}_{\text{VIS}})(PS^{\text{VIS}})$

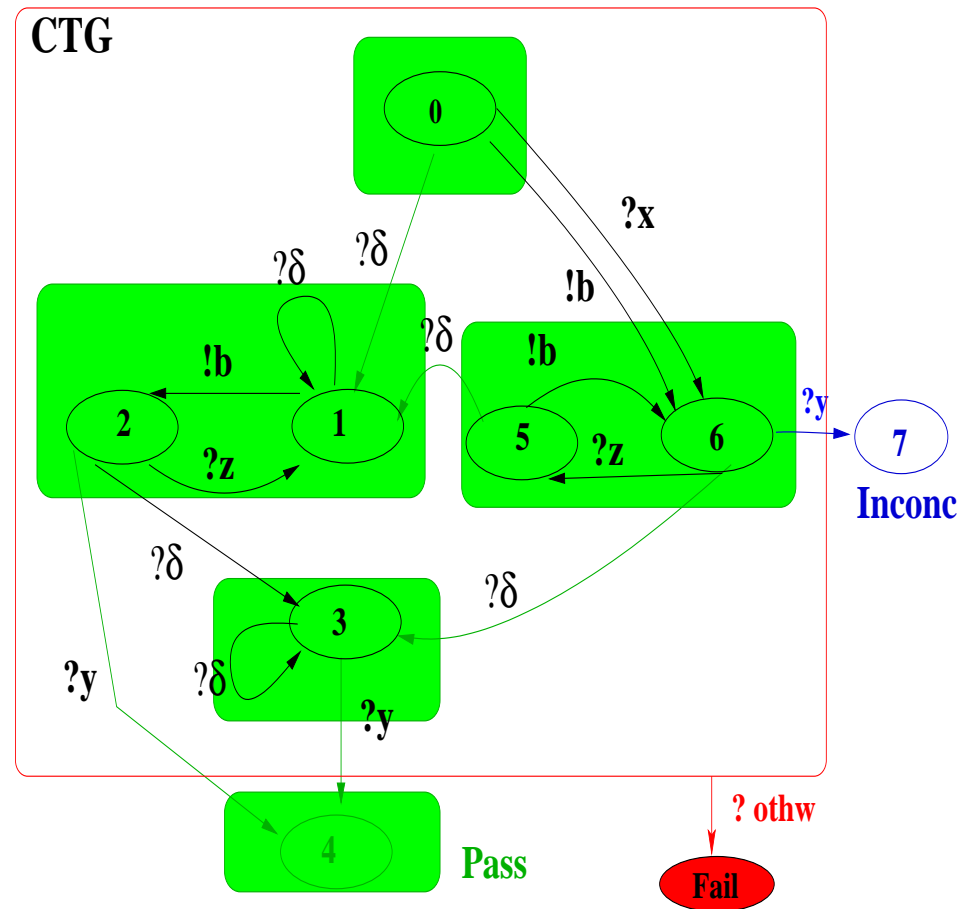
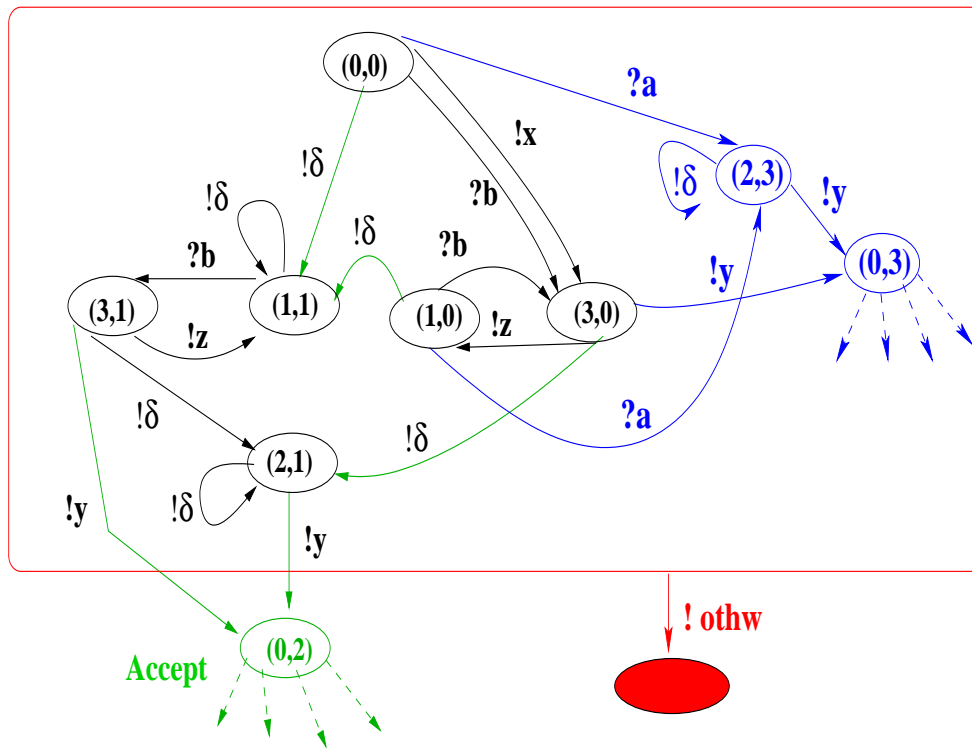
$\Rightarrow$  analyse de co-accessibilité à  $\text{Accept}_{\text{VIS}}$

# Illustration



# Illustration de l'extraction du graphe de test complet

$$PS^{VIS} = Can(S) \times TP$$



## Accessibilité et co-accessibilité

$post_B(P) = \{q' \in Q^M \mid \exists b \in B, \exists q \in P, q \xrightarrow{b}_M q'\}$   
i.e. **successeurs immédiats** de  $P$  par des actions de  $B$

$reach_B(P) = \mu X.P \cup post_B(X) = \bigcup_{i \geq 0} post_B^i(P)$   
i.e. **accessibles** de  $P$  par des actions de  $B$

$pre_B(P) = \{q' \in Q^M \mid \exists b \in B, \exists q \in P, q' \xrightarrow{b}_M q\}$   
i.e. **prédécesseurs immédiats** de  $P$  par des actions de  $B$ ,

$coreach_B(P) = \mu X.P \cup pre_B(X) = \bigcup_{i \geq 0} pre_B^i(P)$   
i.e. **co-accessibles** de  $P$  par des actions de  $B$ .

## Définition du Graphe de Test Complet (CTG)

Soit  $Can(S) \times TP = PS^{VIS} = (Q^{VIS}, \Lambda_{VIS}^\delta, \rightarrow_{VIS}, q_0^{VIS})$ , muni de  $Accept_{VIS}$  et  $Fail_{VIS}$ .

Le graphe de test complet est l'IOLTS  $CTG = (Q^{VIS}, \Lambda_{VIS}^\delta, \rightarrow_{CTG}, q_0^{VIS})$  muni de **Pass**  $\triangleq Accept_{VIS}$ , **Inconc**  $\subseteq Q^{VIS}$  et **Fail** = **Fail**<sub>VIS</sub>, où **Inconc** et  $\rightarrow_{CTG}$  sont définis par les règles :

$$\text{Keep : } \frac{\begin{array}{l} q \in \text{coreach}(Accept_{VIS}) \\ q' \in \text{coreach}(Accept_{VIS}) \cup \{Fail_{VIS}\} \end{array} \quad q \xrightarrow{\alpha}_{VIS} q' \quad \alpha \in \Lambda_{VIS}^\delta}{q \xrightarrow{\alpha}_{CTG} q'}$$

$$\text{Inconc : } \frac{\begin{array}{l} q \in \text{coreach}(Accept_{VIS}) \\ q' \notin (\text{coreach}(Accept_{VIS}) \cup \{Fail_{VIS}\}) \end{array} \quad q \xrightarrow{\alpha}_{VIS} q' \quad \alpha \in \Lambda_{VIS}^\delta}{q \xrightarrow{\alpha}_{CTG} q' \quad q' \in \text{Inconc}}$$

## Propriétés de CTG en termes de traces

$Traces_{Pass}(CTG) = Traces_{Accept}(PS^{VIS}) = STraces(S) \cap Traces_{Accept}(TP)$   
 le verdict *pass* est produit sur toute trace suspendue de  $S$  acceptée par  $TP$ .

$Traces_{Inconc}(CTG) =$   
 $[STraces(S) \cap pref_{\leq}(Traces_{Accept}(TP))] \cdot \Lambda!^{\delta} \cap STraces(S) \setminus pref_{\leq}(Traces_{Accept}(TP))$   
 le verdict *Inconc* est produit sur toute trace suspendue de  $S$ , dont la dernière action est une sortie ou  $\delta$  qui ne peut pas mener à la satisfaction de  $TP$ .

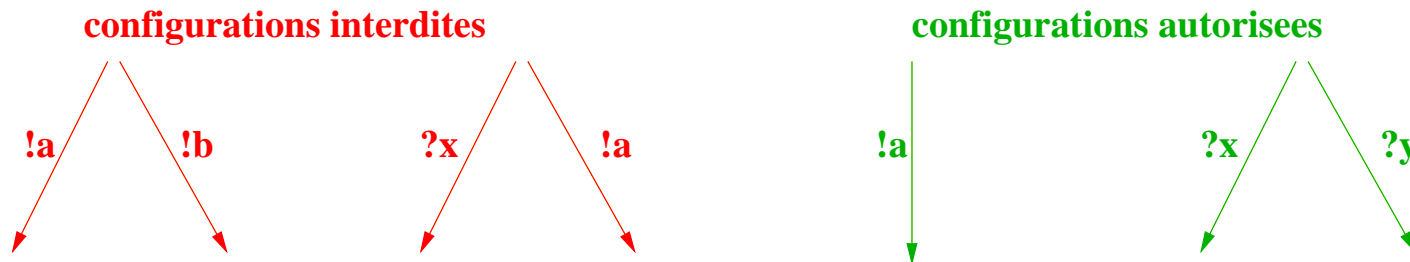
$Traces_{Fail}(CTG)$   
 $= [STraces(S) \cap pref_{\leq}(Traces_{Accept}(TP))] \cdot \Lambda!^{\delta} \setminus STraces(S)$   
 $\Rightarrow Traces_{Fail}(CTG) \subseteq Traces(Can(S))$  (CNS de correction)

Le verdict *Fail* est produit sur toute trace, qui est obtenue à partir d'un préfixe de trace suspendue de  $S$  pouvant mener à *Accept*, poursuivie par une sortie non admise dans  $S$ .



## Conflits de contrôlabilité : calcul des Cas de test

En pratique, un cas de test doit être **contrôlable** :



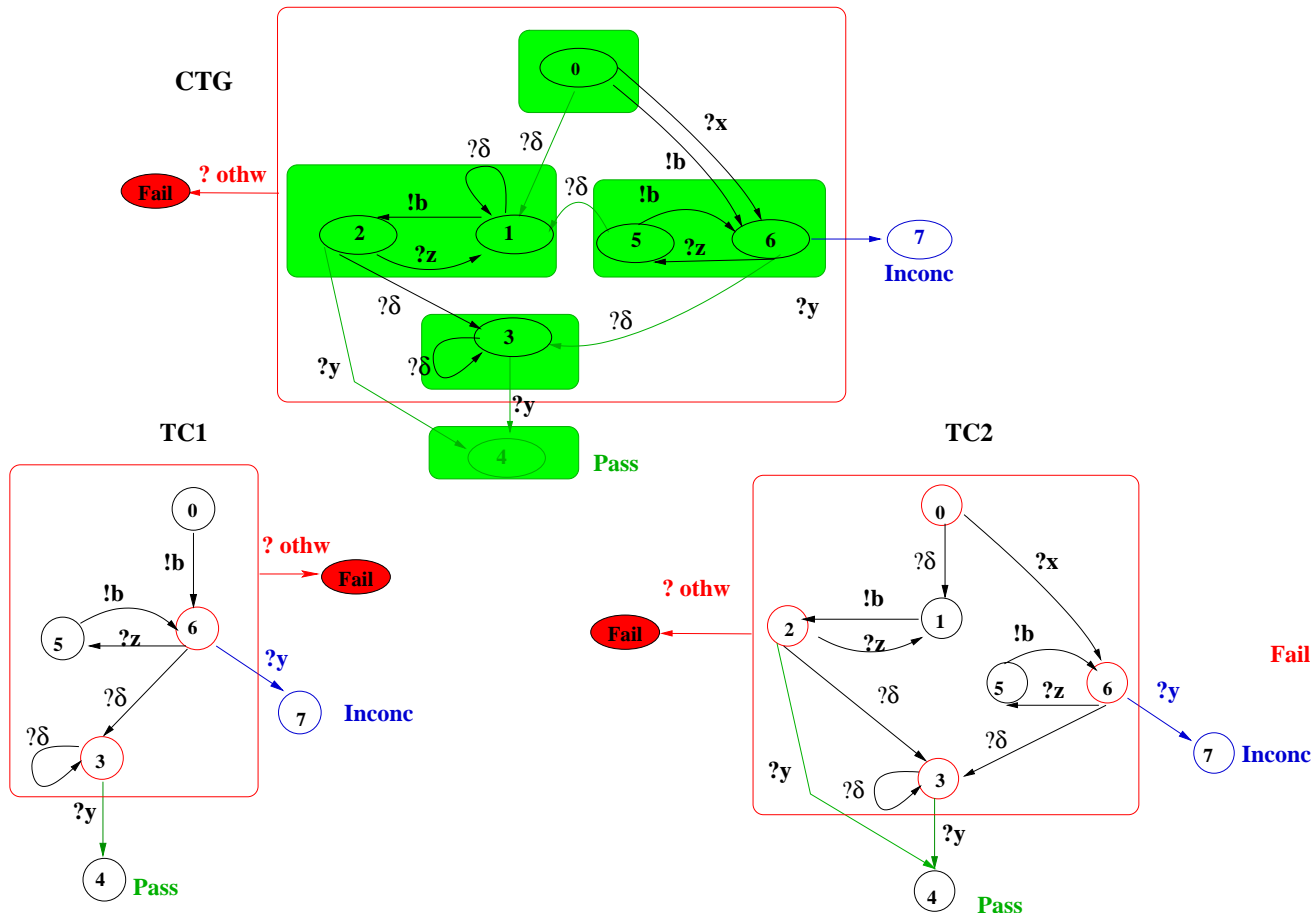
**Algorithme** : parcours en arrière de  $CTG$  depuis les états Pass vers l'état initial et élagage des conflits. Adapté de  $coreach(Pass)$ .

$TC$  est un sous-IOLTS de  $CTG$  donc

$$Traces_{Fail}(TC) \subseteq Traces_{Fail}(CTG) \subseteq Traces(Can(S))$$

$\Rightarrow$  la correction est conservée

# Élagage : exemple



## Propriétés des cas de test (I)

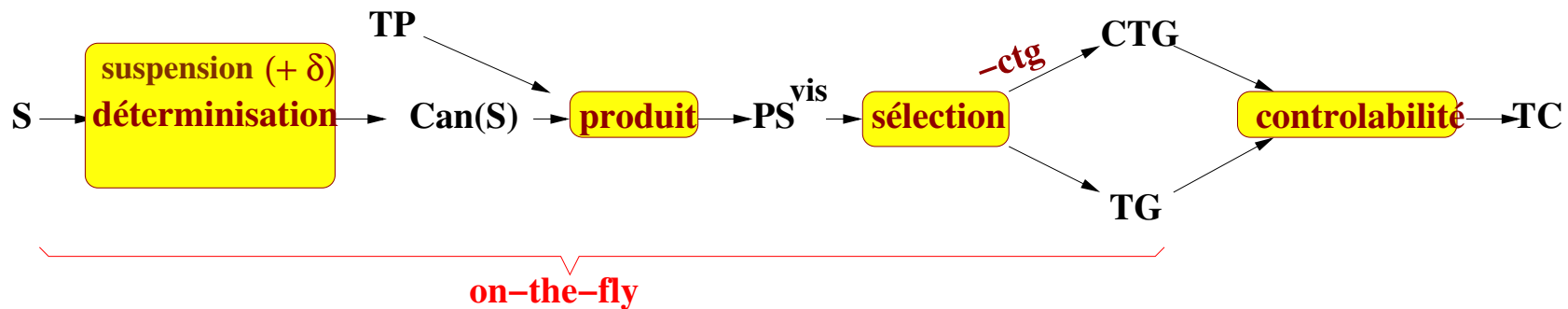
Théorème : La suite de tests composée de l'ensemble (infini) des cas de test que peut produire l'algorithme est correcte, exhaustive.

**Correction :**  $Traces_{Fail}(TC) \subseteq Traces(Can(S))$   
 $\Rightarrow TC$  non-biaisé.

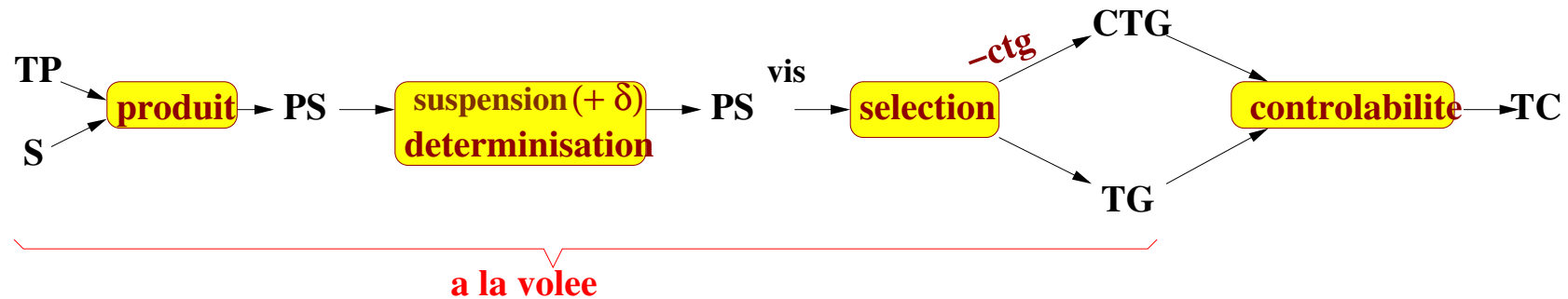
**Exhaustivité :** si  $\neg(I \text{ ioco } S)$  alors  $\exists \sigma \in STraces(S), \exists x \in \Lambda_I^\delta,$   
 $x \in Out(\Delta(I) \text{ after } \sigma) \wedge x \notin Out(\Delta(S) \text{ after } \sigma).$   
On a  $\exists y \in Out(\Delta(S) \text{ after } \sigma),$  (car  $Out(\Delta(S) \text{ after } \sigma) \neq \emptyset$ ).  
Posons  $\sigma' = \sigma.y (\in STraces(S))$  et  $TP = \sigma'$  terminé par *Accept*.  
Par def,  $CTG \text{ after } \sigma.x \in \mathbf{Fail}$ . Elaguer  $CTG$  en  $TC$  tq  $\sigma.x \in Traces(TC)$   
 $\implies TC \text{ after } \sigma.x \in \mathbf{Fail}$ . Donc  $TC$  fails *IUT*.

# Résumé des opérations nécessaire à la synthèse

Sans actions internes :  $TP$  défini sur  $\Lambda_{VIS}^{\delta}$



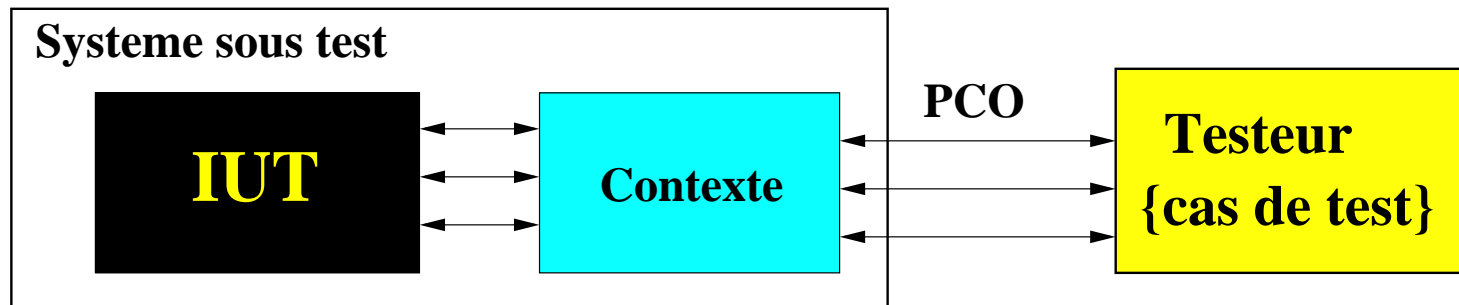
Avec actions internes :  $TP$  défini sur  $\Lambda$



# Problématique des actions internes dans les objectifs

Important pour le test dans un contexte :

permet une sélection basée sur des comportements internes.



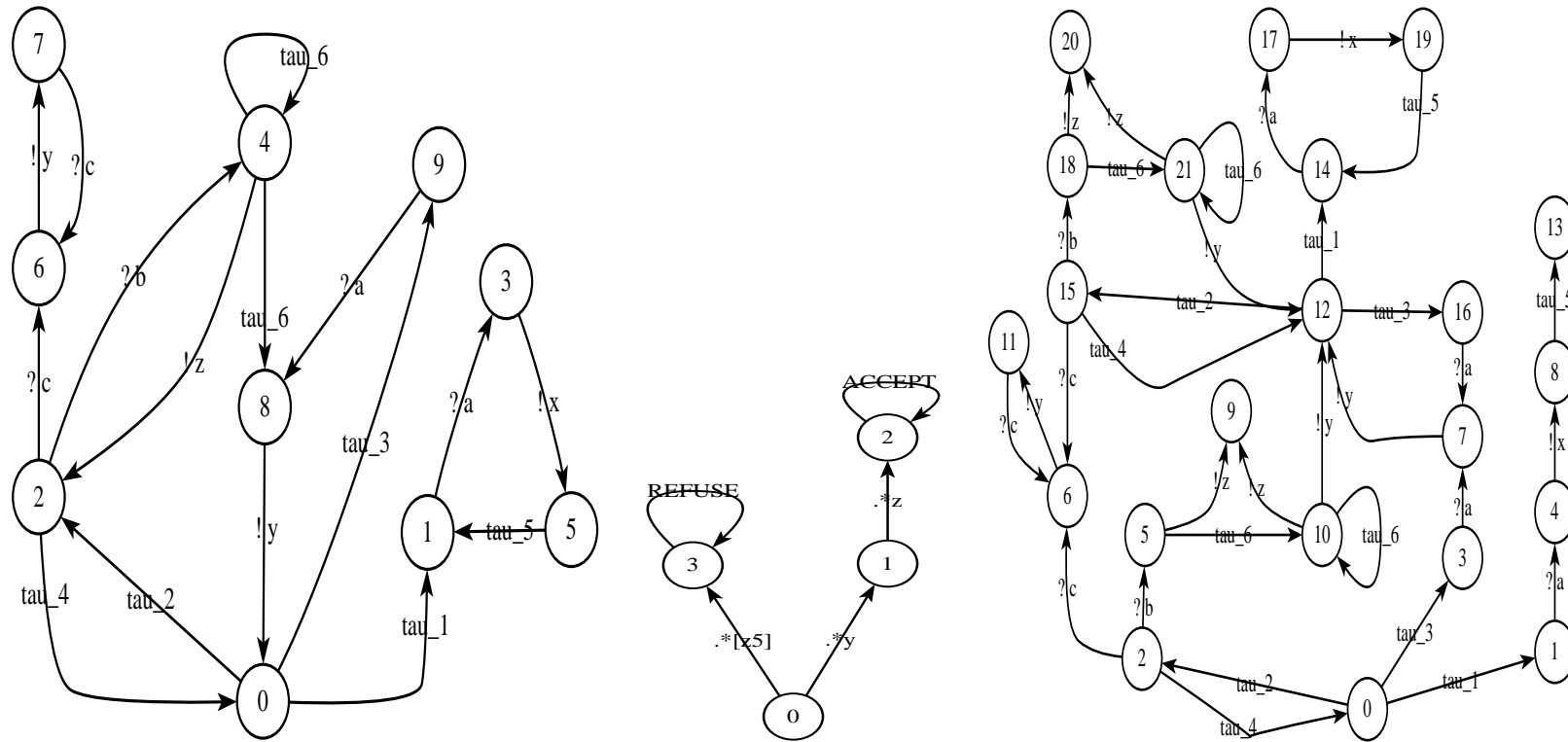
**Modifications :**  $TP$  reconnaît le langage  $L_{\text{Accept}}(TP)$

$PS = S \times TP \rightarrow L_{\text{Accept}}(PS) = L(S) \cap L_{\text{Accept}}(TP)$

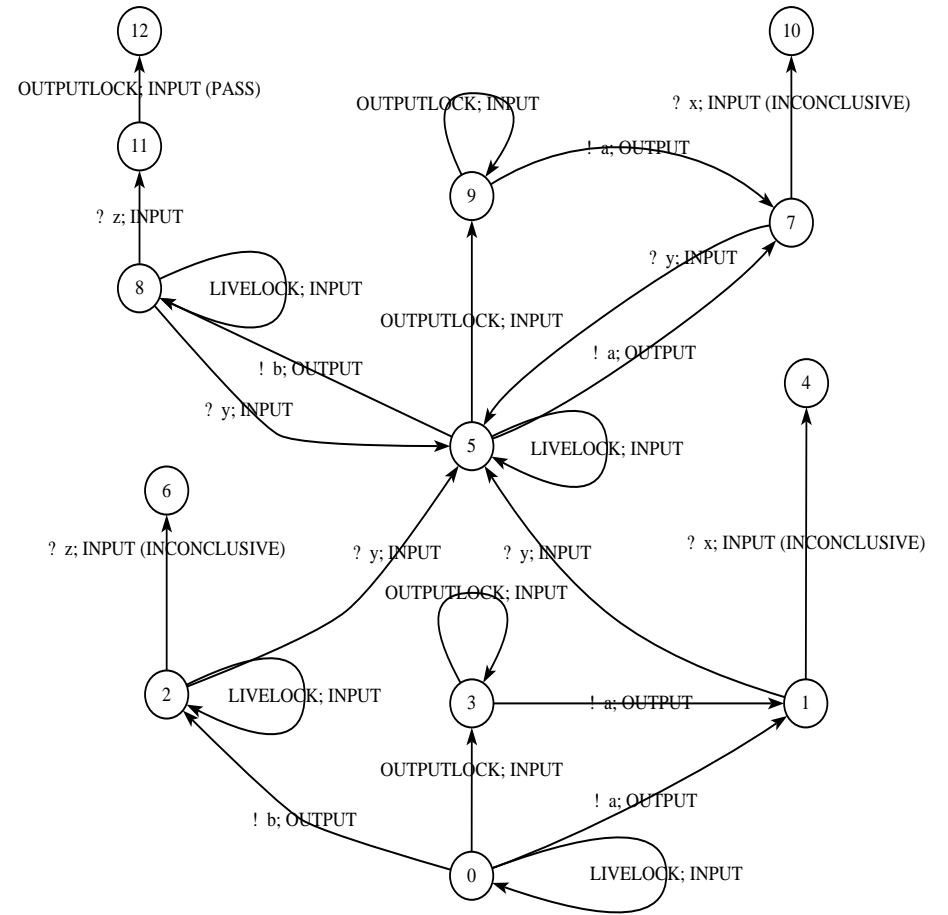
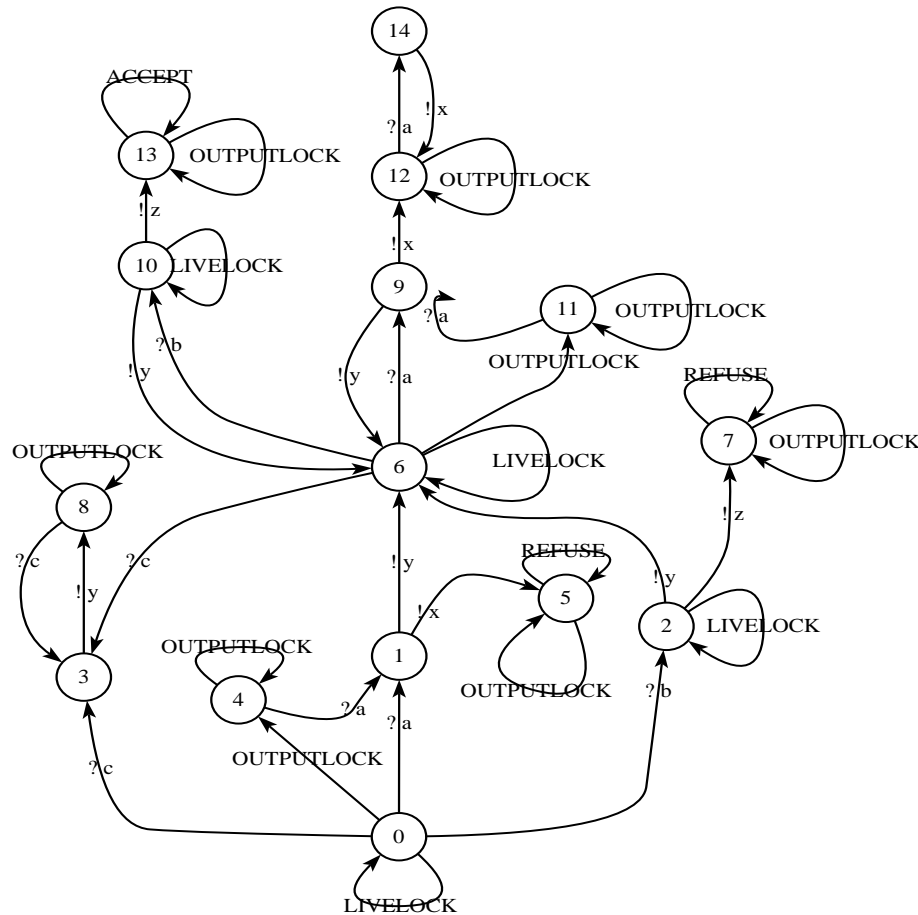
$PS^{\text{VIS}} = \text{det}(\Delta(PS)) \rightarrow \text{Traces}_{\text{Accept}}(PS^{\text{VIS}}) = S\text{Traces}_{\text{Accept}}(PS)$

$CTG$  légèrement différent pour atteindre l'exhaustivité (pb de  $\delta$ ).

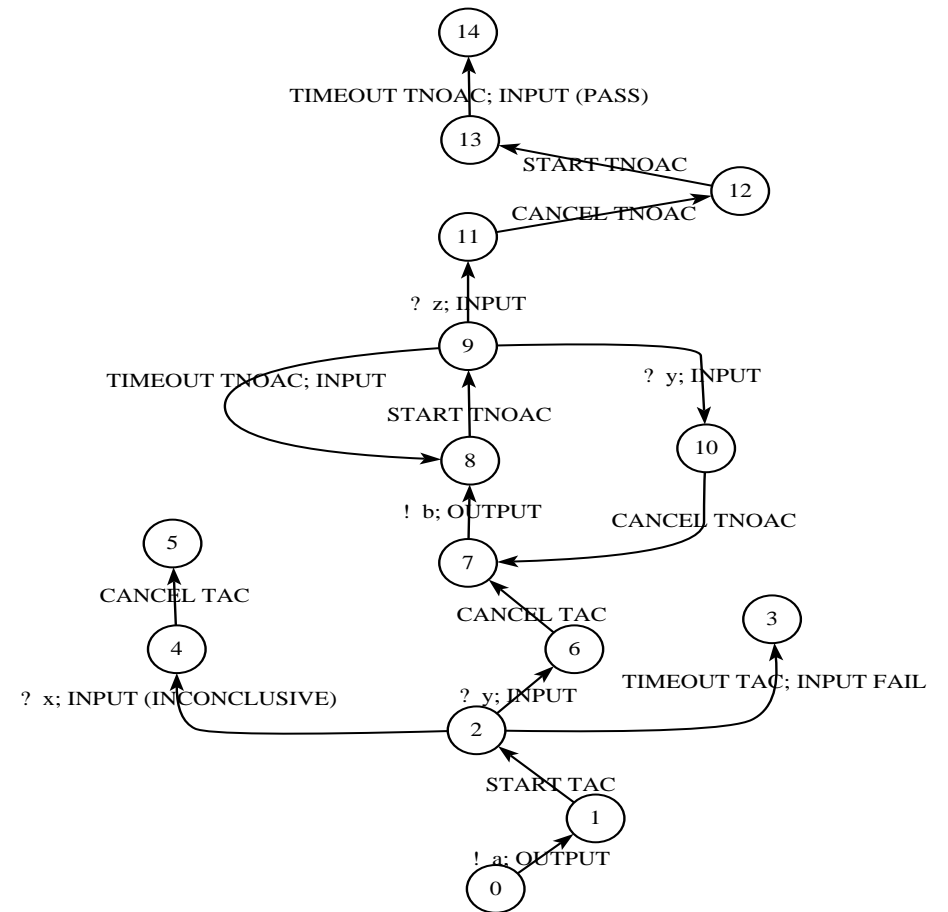
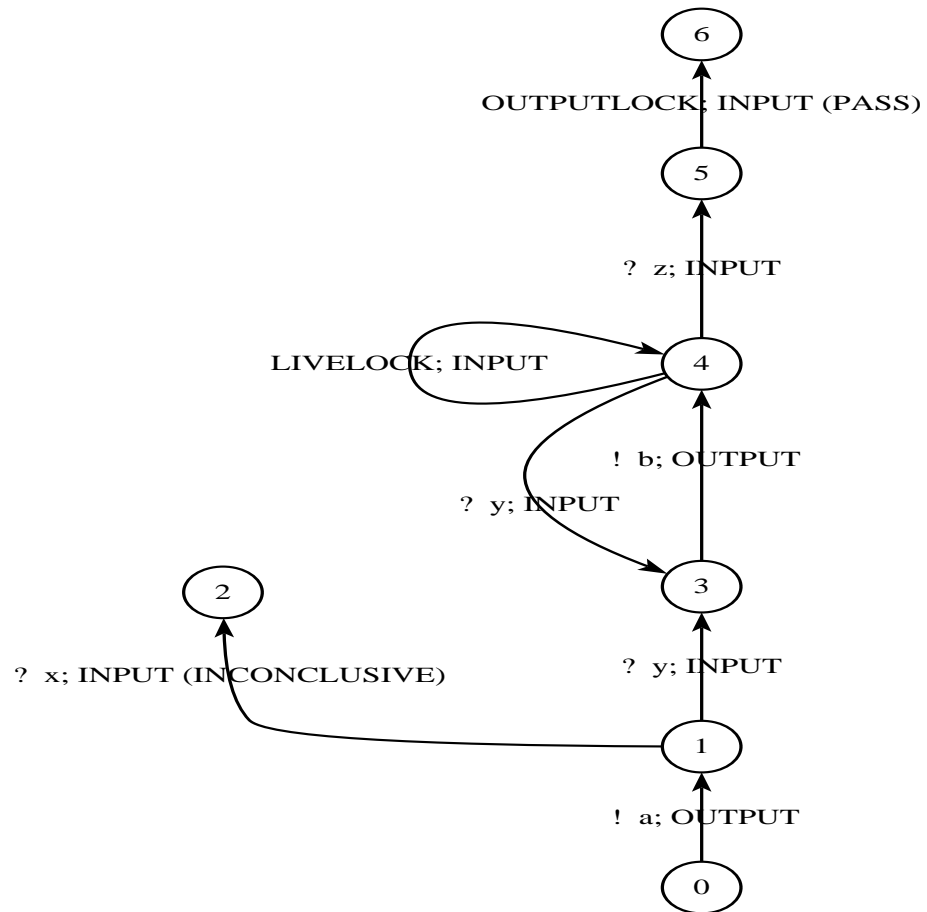
# Produit synchrone avec actions internes : exemple



$PS^{vis} = det(\Delta(PS))$  et graphe de test complet  $CTG$



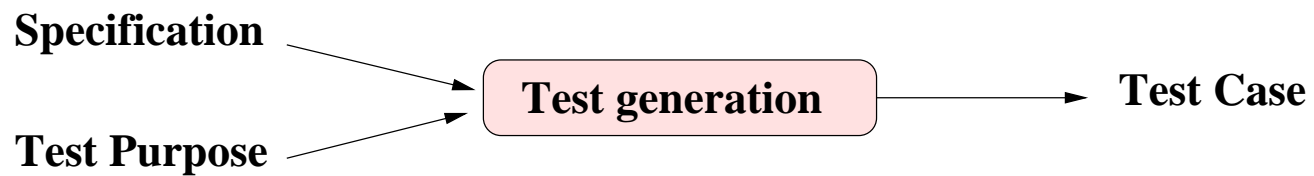
# cas de test sans et avec temporisateurs



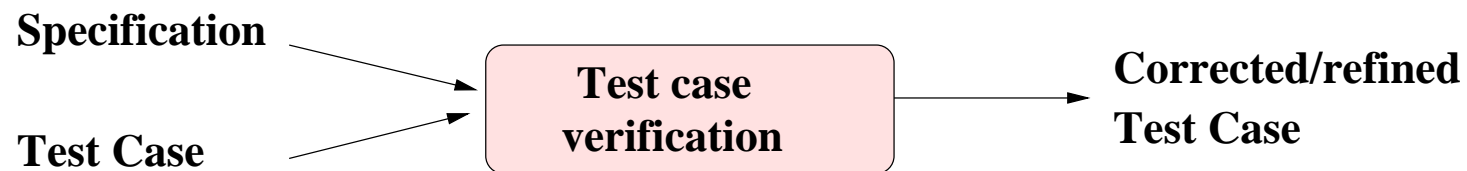


# L'outil TGV

## Synthèse de tests



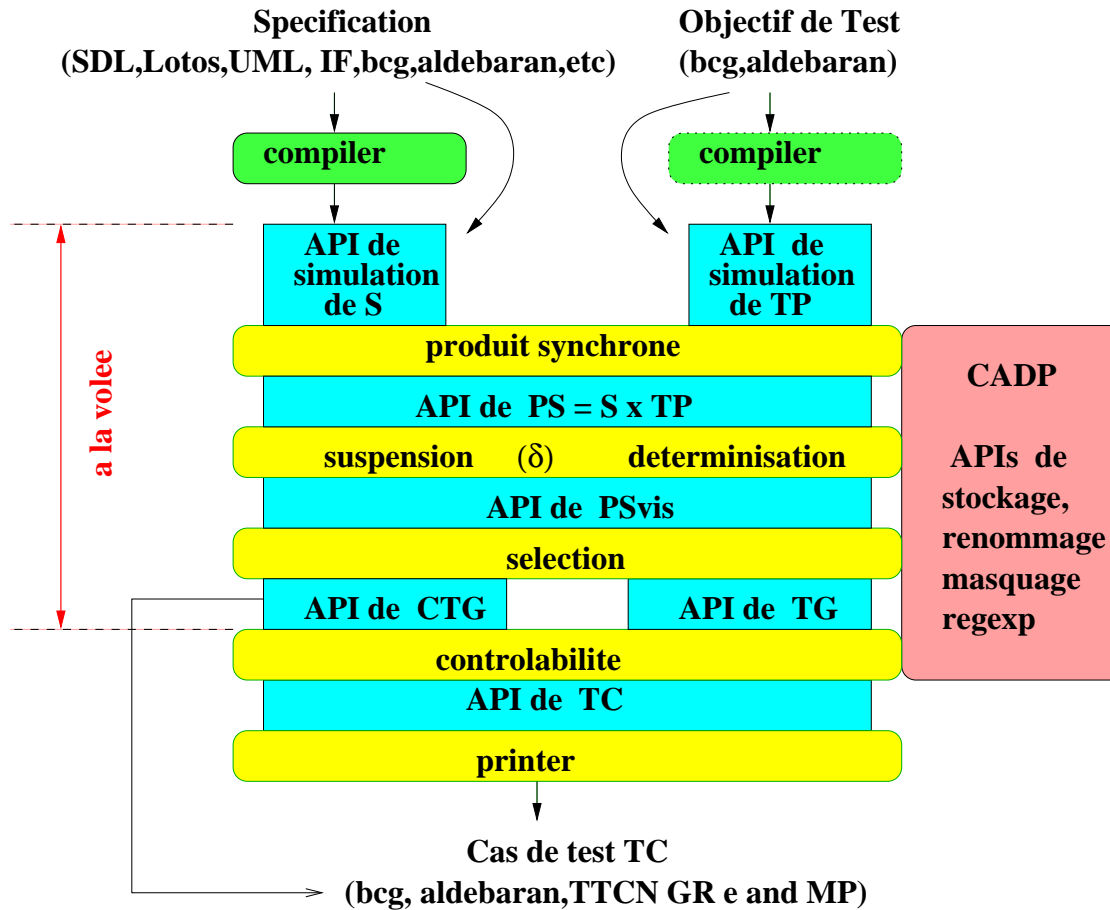
## Vérification de cas de test :



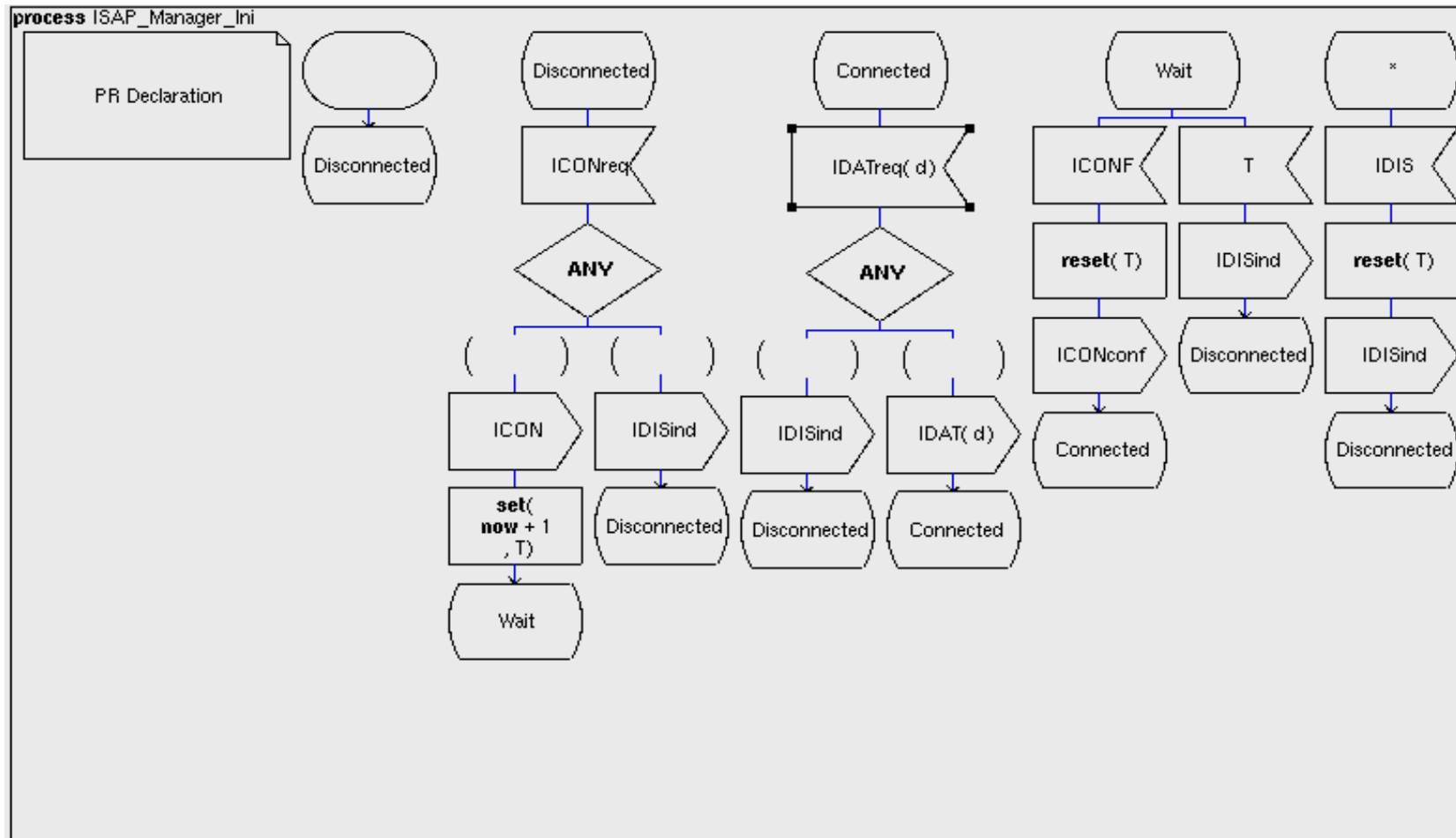
## Principes généraux de TGV

- sélection des cas de tests par objectifs de tests
- algorithmes fondés sur le model-checking à la volée
- indépendance / langage de spécification  
mais permet de traiter des spécifications SDL, Lotos, UML  
grâce à des algorithmes fondés sur le modèle IOLTS

# Architecture de TGV

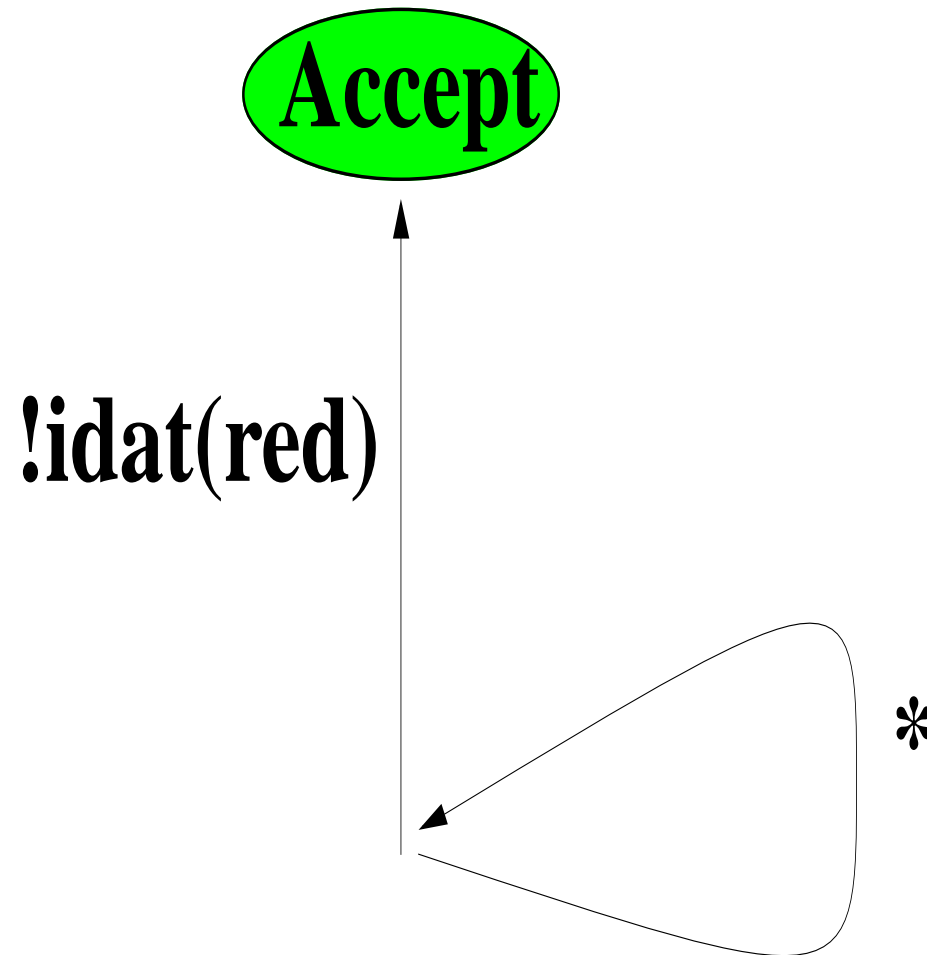


## Exemple SDL : processus initiateur de l'Inres

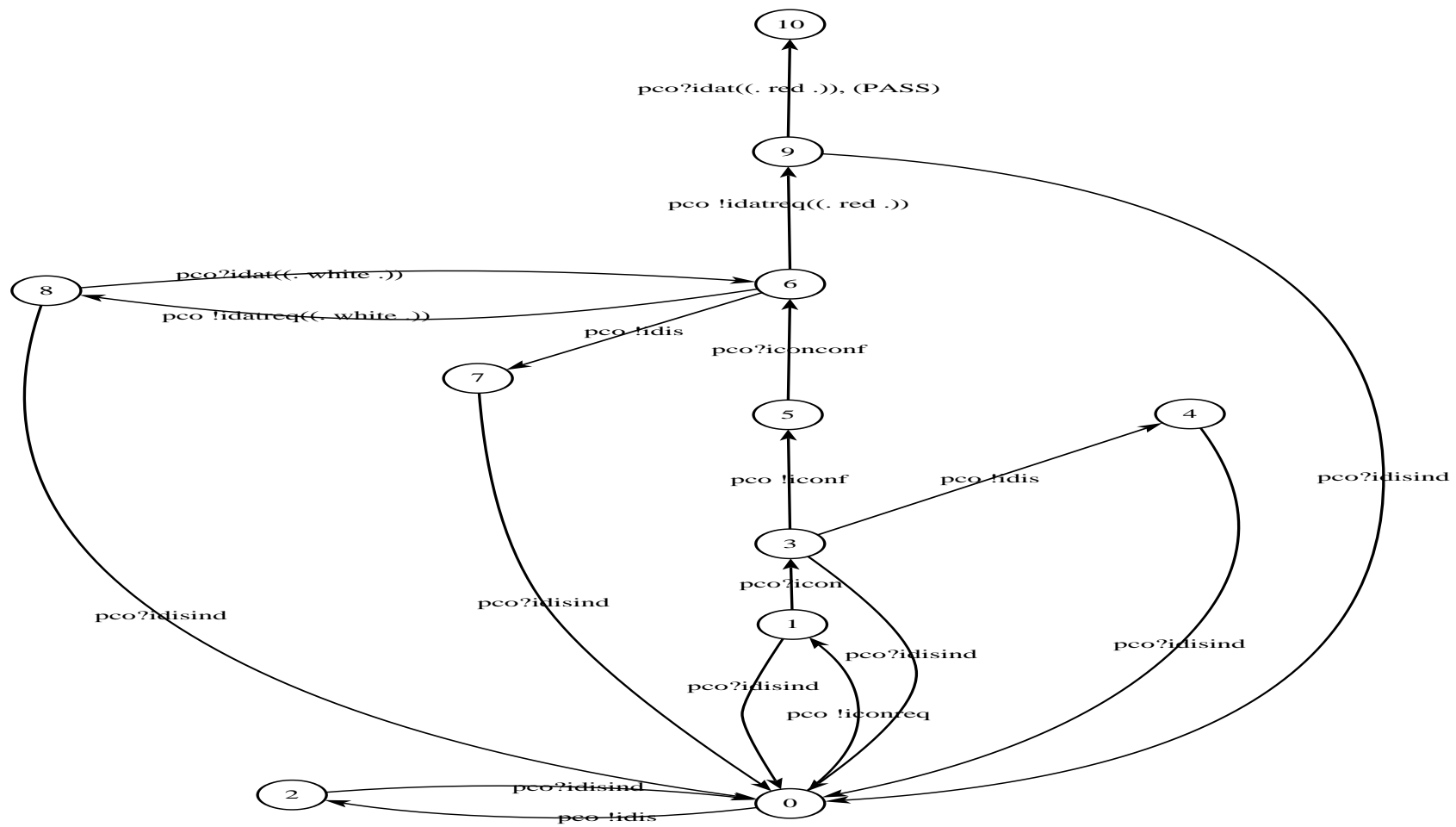




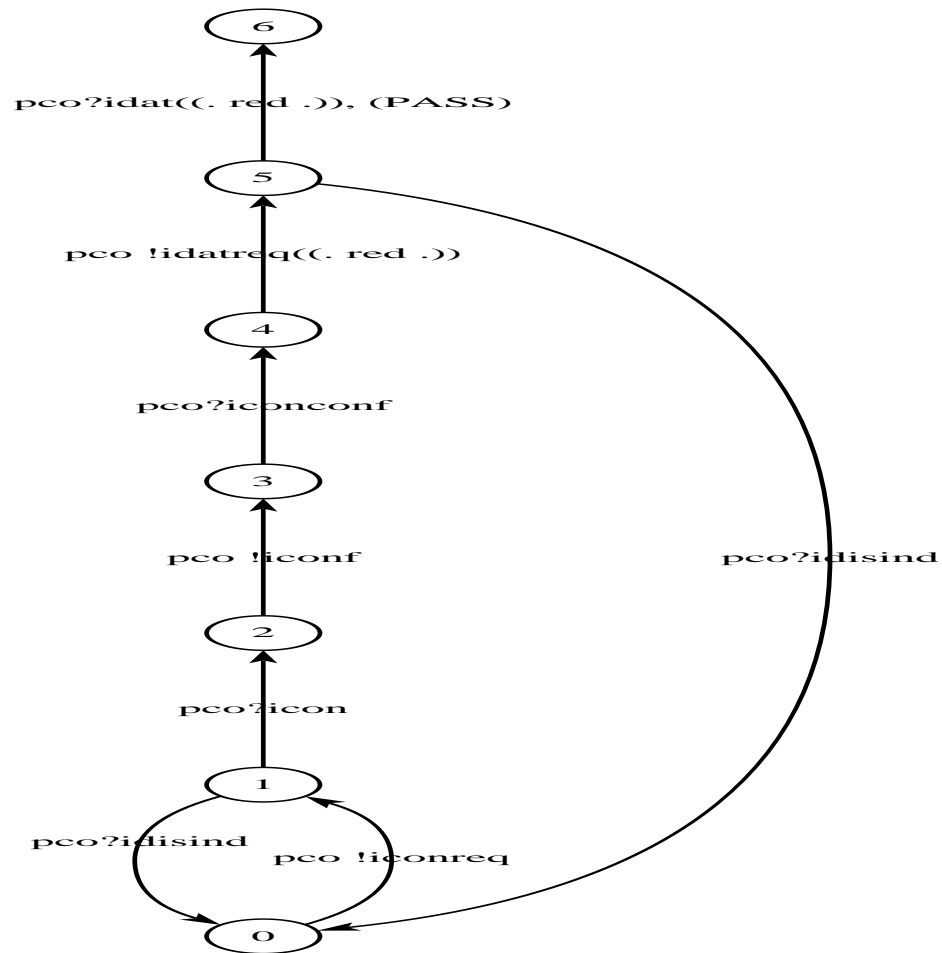
## Un objectif simple



# Graphe de test complet produit par TGV



# Cas de test produit à la volée

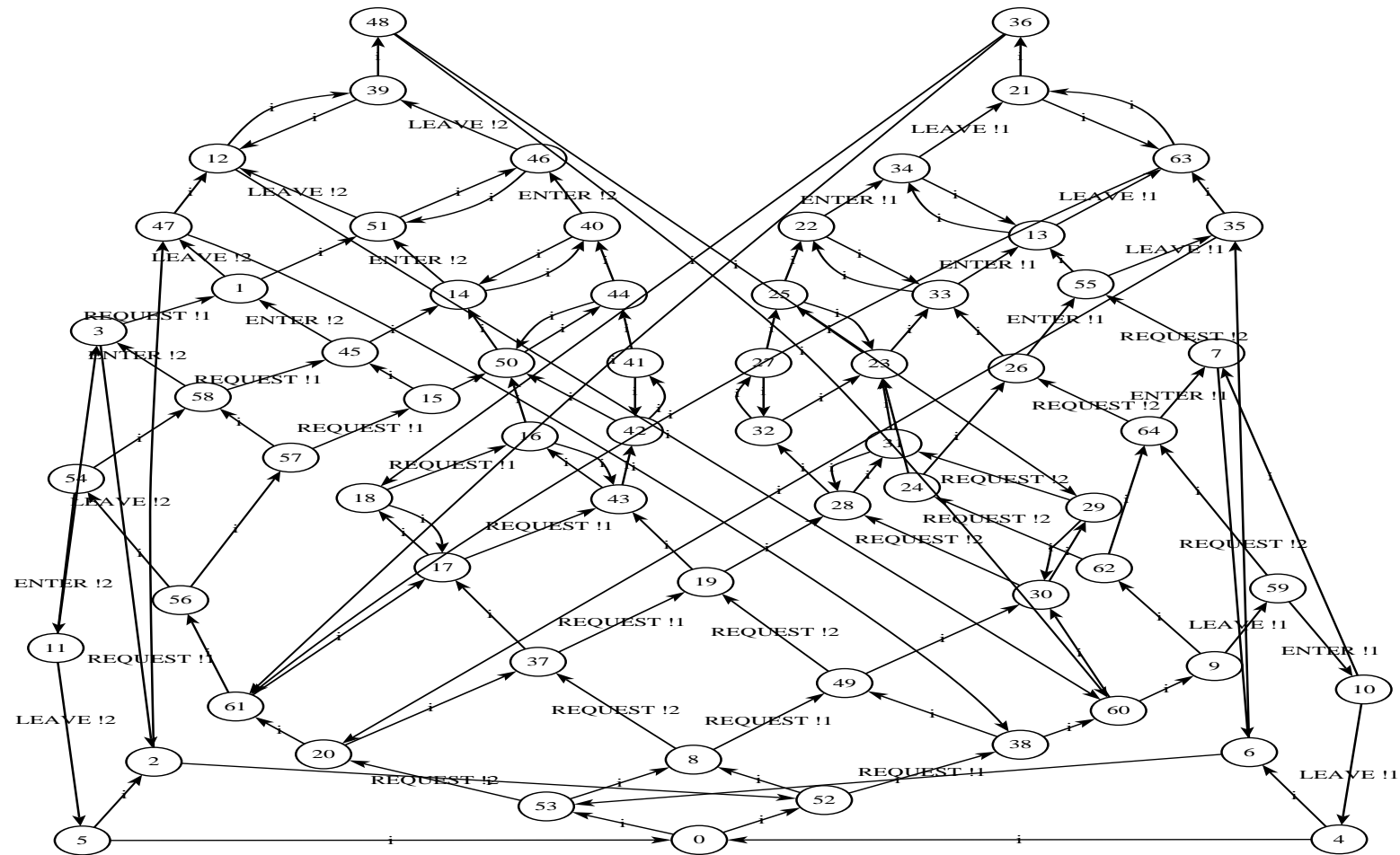




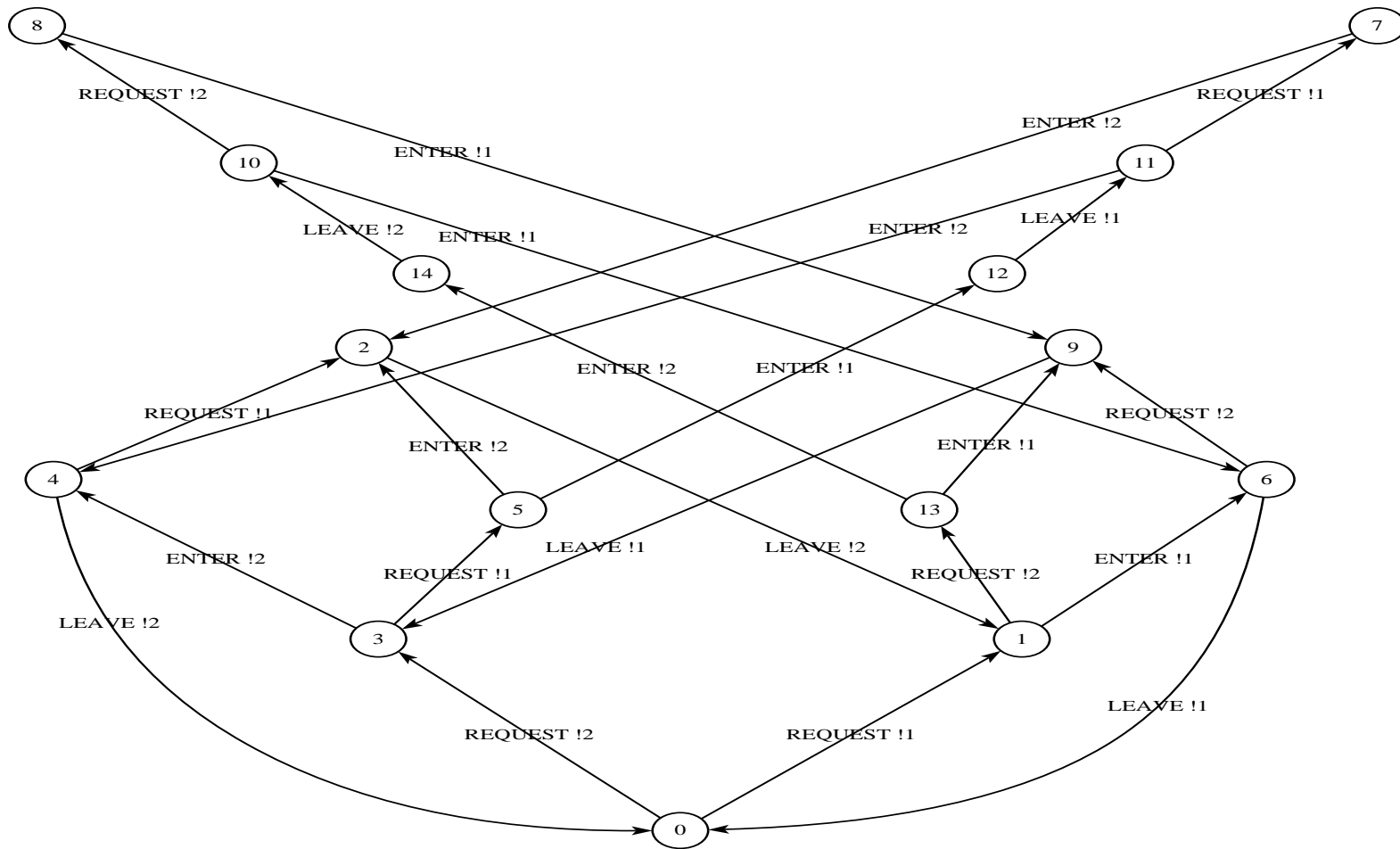
## Cas de test TTCN

Test Case Dynamic Behaviour					
Test Case Name : graphes/t01_fly_obs_2					
Group :					
Purpose :					
Default :					
Comments :					
Nr	Label	Behaviour Description	Constraints Ref	Verdict	Comments
1	L1	pco! iconreq, St tidisind, St ticon	iconreq0		
2		pco? icon, Cl ticon, Cl tidisind	icon2		
3		pco! iconf, St ticonconf	iconf3		
4		pco? iconconf, Cl ticonconf	iconconf4		
5		pco! idatreq, St tidisind, St tidat	idatreq5		
6		pco? idat, Cl tidat, Cl tidisind	idat6	(PASS)	
7		pco? idisind, Cl tidat, Cl tidisind	idisind1		
8		GOTO L1	idisind1		
9		? tidat		FAIL	
10		? tidisind		FAIL	
11		? ticonconf		FAIL	
12		pco? idisind, Cl ticon, Cl tidisind	idisind1		
13		GOTO L1	idisind1		
14		? ticon		FAIL	
15		? tidisind		FAIL	

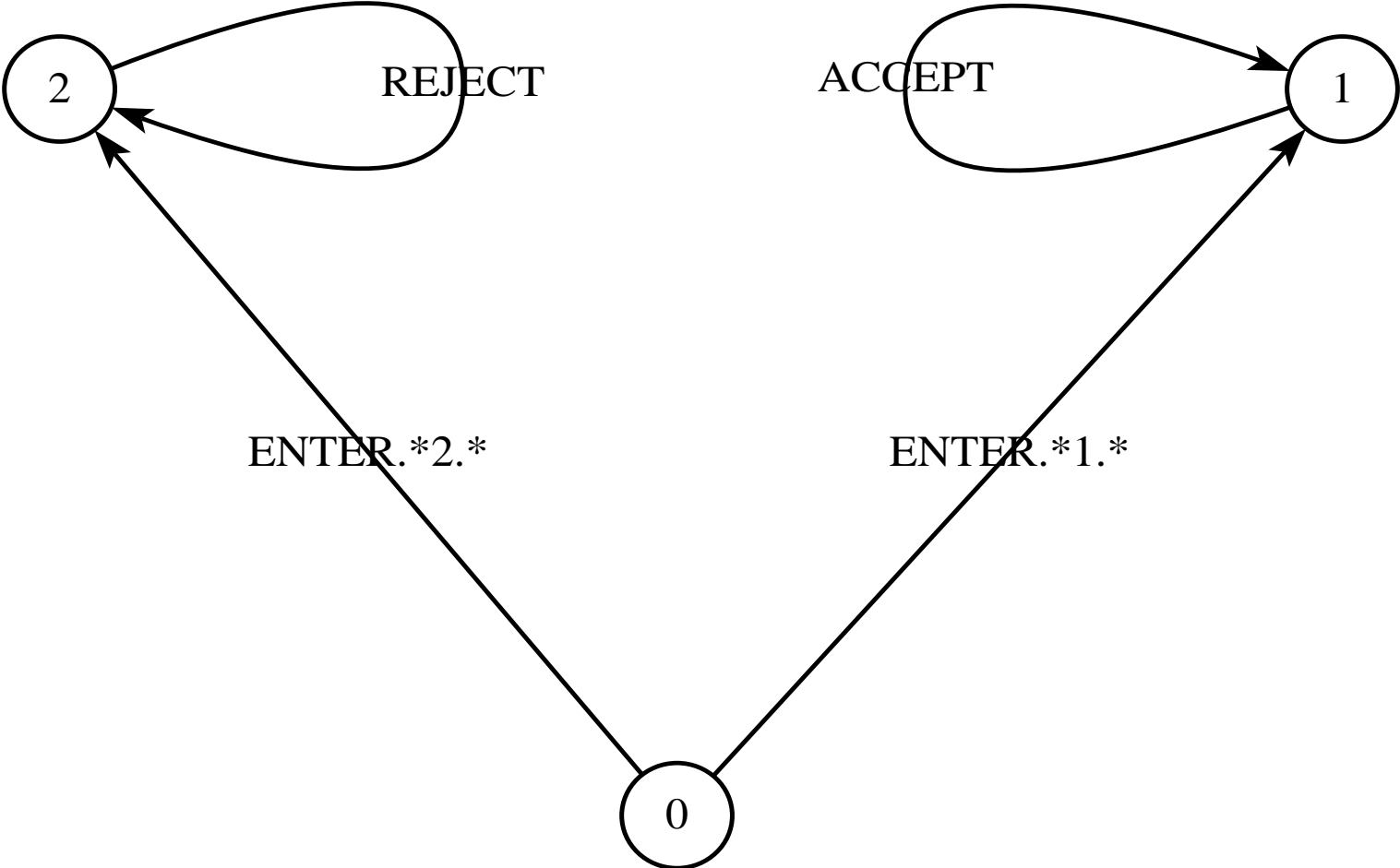
# Mutex : graphe d'états modulo équivalence forte



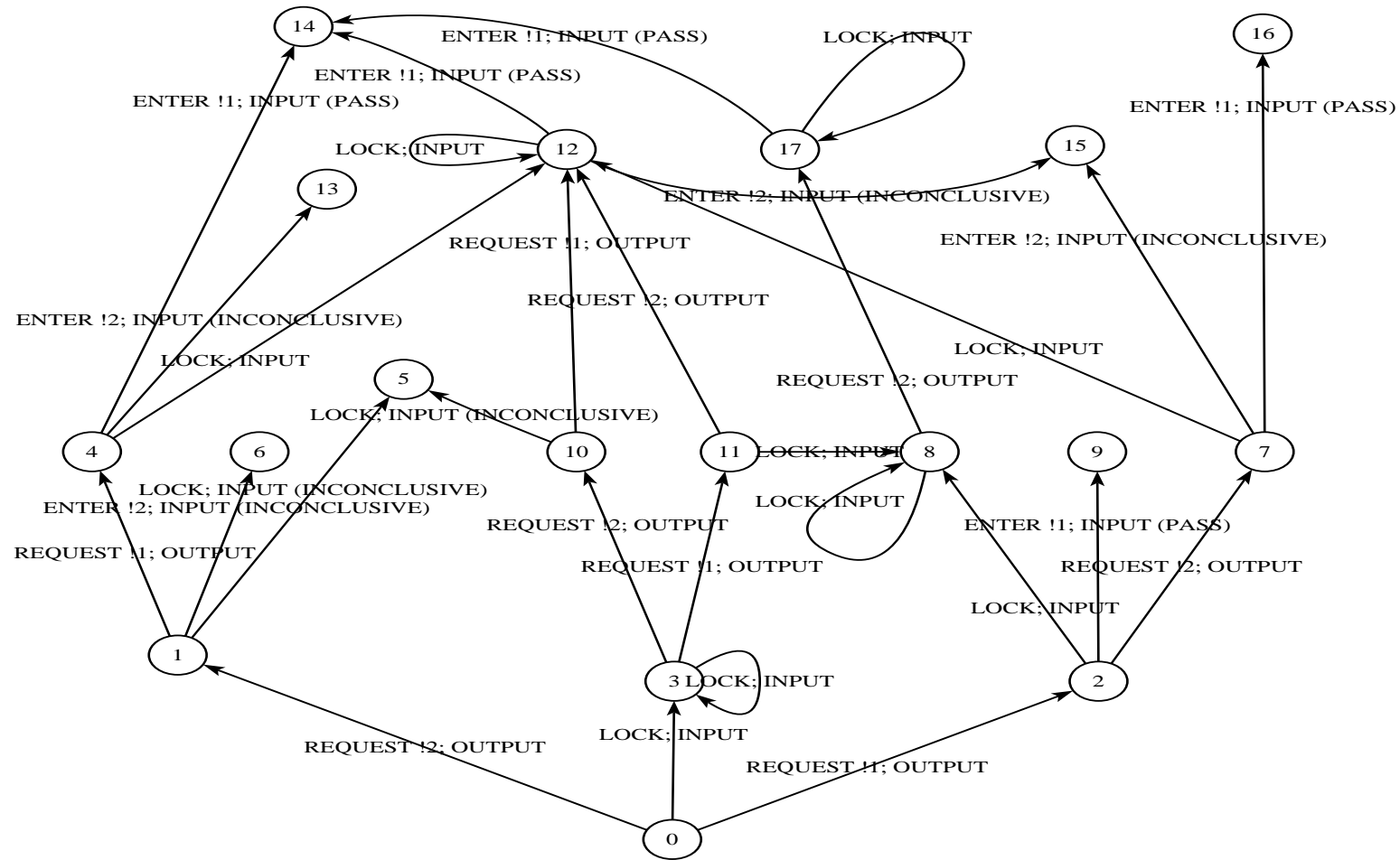
# Mutex : graphe d'états modulo $\tau^*.a$



# Objectif de test



# Graphe de test complet



# Cas de test (sans et avec timers)

